



35

Pages



125 S.P

# خطوات

## الوصفية



هندسة التصميم الميكانيكي & الميكانيك العام

إعداد الطالب : هيثم الزويد مع الفريق الكريات الحمراء

السنة الأولى

#VivaRBCs

فريق الكريات الحمراء التطوعي

RBCs HAMAK



أولاً :

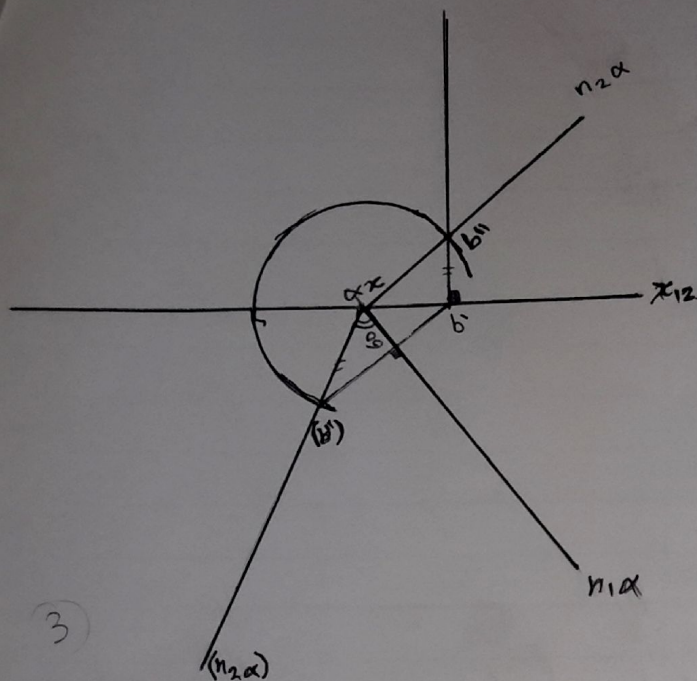
- (1) - في جميع المسائل يكون لدينا مستويان الإسقاط رئيسيان الأول والثاني .
  - (2) - أما المستويات الباقية فهي مستويان مساعدة مثال : مستوي الإسقاط المساعد الرابع  $(\pi_{1,4})$
  - (3) - أي نقطة يكون مسقطها على خط  $\pi$  تدعى **واحد** .
  - (4) - **خط الإثري** : هو خط مرسوم من أحد المسقط على خط الإثري ويكون عمودي على خط الإثري .
  - (5) - **خط الإثري المستوي** : هو نقاط تقاطعه مع مستوي الإسقاط وهو عبارة عن مستقيم واقع في مستوي واقع على خط الإثري . مستوي الإسقاط الإثري وتكون خطوط الإثري متقاطعة في نقطة
  - (6) - **نقاط الإثري** : هي نقاط تقاطع المستقيم مع مستوي الإسقاط
  - (7) - عند ذكر أن الشكل الهندسي " حرج " مثلاً واقع في مستوي الإسقاط عندها يكون مسقطه الآخر واقع على خط الإثري وشكله الحقيقي هو شكله في المستوي الواقع فيه .
- إذا كان الشكل واقع في مستوي غير مستوي الإسقاط نقوم بالتدوير .

المسائل :

سألة أولى :

- لدينا مستوي  $\alpha$  عام خط أثري  $\pi$  والزاوية المحصورة بين خطي الإثري هي  $(60^\circ)$  ومستوي  $\beta$  : لدينا المستقيم  $E(e_1, e_2)$  ينتمي للمستوي  $\beta$  وهو نازل ثاني .
- (1) - أوجد خط الإثري الثاني للمستوي  $\alpha$
  - (2) - أوجد خطي أثر المستوي  $\beta$
  - (3) - أوجد الفصل المشترك .
  - (4) - أوجد زاوية ميل الفصل المشترك مع مستوي الإسقاط الأول .
  - (5) - أوجد زاوية التشابه بين  $\alpha$  و  $\beta$





حل المطلوب الأول :  
عند الذكر بوجود زاوية بين خطي الأثر عندها نقسم بالتصوير كما يلي :

نرسم  $(n_2^\alpha)$  بحيث يصنع مع  $n_1^\alpha$  الزاوية المفروضة أي  $60^\circ$  مقياس عليه النقطة  $(b'')$  كيفية - أين ما أردنا - بحيث تقع على  $(n_2^\alpha)$   
نرسم من  $(b'')$  عمود على  $n_1^\alpha$  حتى تقطع  $n_{12}$  في  $b'$   
نرسم من  $b'$  خط تداوي .  
نرسم دائرة مركزها  $\alpha$  ونصف قطرها  $[\alpha x (b')]$   
نرسم الدائرة حتى تقطع خط التداوي في  $b''$   
خط اتصال ب  $\alpha$  ينتج لدينا  $n_2^\alpha$ .

حل المطلوب الثاني :

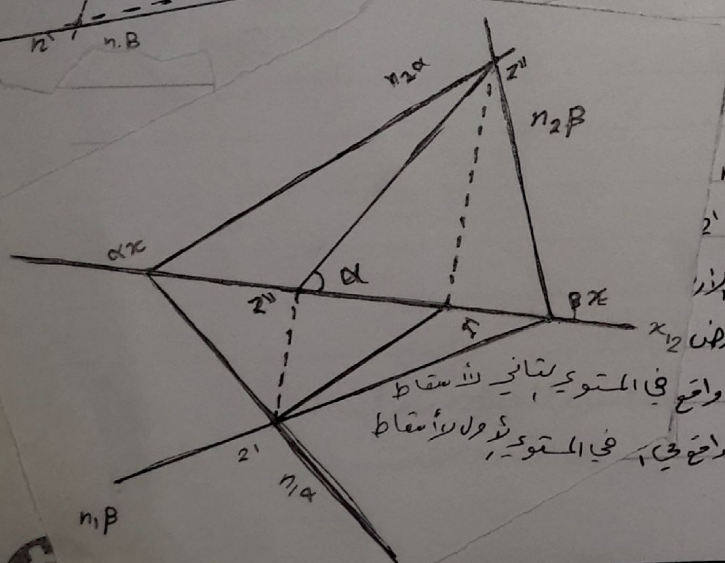
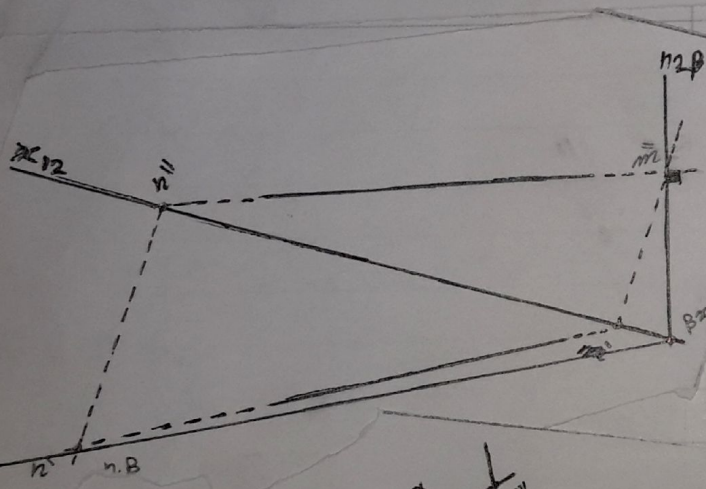
نوجد نقاط أثر المستقيم وقف ما يلي :

عند  $e_1$  حتى تقطع خط الأثر وكذلك  $e_2$   
عند  $e_2$  حتى تقطع خط الأثر وكذلك  $e_1$   
نرسم خطوط تداوي من خط الأثر تقطع المستدرات في نقاط هي نقاط الأثر.

نرسم من  $m''$  عمود على امتداد  $e_2$  حتى تقطع خط الأثر ويكون ذلك  $n_2^\beta$  تقطع خط الأثر ب  $\beta$  نصل  $\beta \alpha$  ب  $n'$  يكون ذلك  $n_1^\beta$ .

حل المطلوب الثالث :

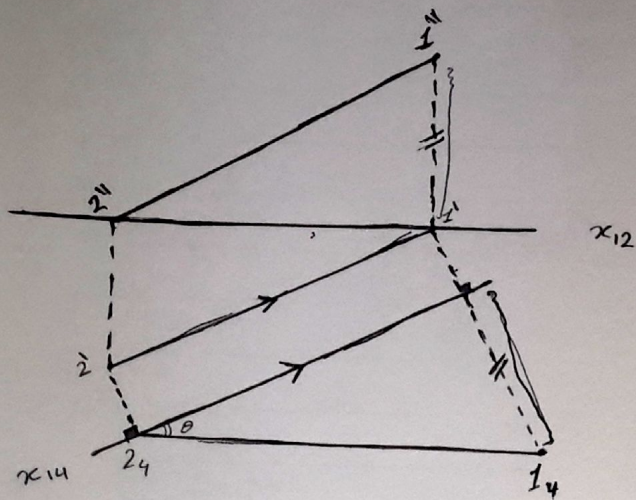
لبيجاد الفضل المشترك نرسم خطوط  $n_1^\alpha$  و  $n_2^\alpha$  و  $n_1^\beta$  و  $n_2^\beta$  على نفس البرسمة فبعد أنهم متقاطعون في نقطتين  $1''$  و  $2''$  وحيث أن واحدة على خط الأثر تكون واحدة على خط الأثر وحيث أن واحدة على خط الأثر تكون واحدة على خط الأثر ويكون هذا المستقيم الثاني للفضل المشترك (لأنه واقع في المستوي الثاني للفضل ويكون هذا المستقيم الأول للفضل المشترك (لأنه واقع في المستوي الأول للفضل).







6



حل المطلوب الرابع  
عند ذكر زاوية ميل مع مستوى الإسقاط يلزمنا مستوى مساعد  
يوازي سطح ذلك المستقيم "أي نجد الخط الحقيقي"

نرسم المستوى  $\pi_{1,4}$  يوازي سطح الأول للفصل المشترك  
(الزوايا برصيد الزاوية مع المستوى الأول للإسقاط سينا نأخذ  
مستوى مساعد يوازي سطح الثاني للفصل إذا كان  
برصيد زاوية ميل مع مستوى الإسقاط الثاني).

نرسم من  $1'$  و  $2'$  خطوط تداعي على  $\pi_{1,4}$  ثم نعين عليها  
بعد  $1''$  عن خط الأرض = بعد  $1_4$  عن  $\pi_{1,4}$   
بعد  $2''$  عن خط الأرض = بعد  $2_4$  عن  $\pi_{1,4}$

نصل  $1_4$  مع  $2_4$  ينتج لدينا سطح الرابع  
(خطه سيادي الطول الحقيقي)

وتكون زاوية ميله  $\theta$  حقيقية هي زاوية ميل الخطوط

### حل المطلوب الخامس :

نختار نقطة كيفية  $K'$  و  $K''$  «نختار على خط تداعي واحد»

نرسم من  $K'$  عاود على  $n_1^\alpha$  و  $n_1^\beta$

نرسم من  $K''$  عاود على  $n_2^\alpha$  و  $n_2^\beta$

نرسم مستقيم يوازي خط الأرض في مستوى الإسقاط الثاني

يقطع العاودان المرسومان من  $K''$  في  $L''$  و  $J''$  :

نرسم من  $L''$  خط تداعي يقطع العاود الأول في  $L'$

ونرسم من  $J''$  خط تداعي يقطع العاود الثاني في  $J'$

نصل  $J'$  و  $L'$  فيكون  $h_1$

نرسم عود من  $K'$  على  $h_2$  سيادي البعد (//)

نرسم عوازل  $h_1$  من  $K'$  ونعين عليه البعد (//)

نرسم من  $K'$  عود على  $h_1$  نقطه  $h_1$  في نقطة فصل مع

البعد (//)

نرسم دائرة مركزها نقطة التقاء و نصف قطرها (Oq) تقطع العمود في (K) نصل (K) بـ  $J'$  و  $L'$  ليشكل

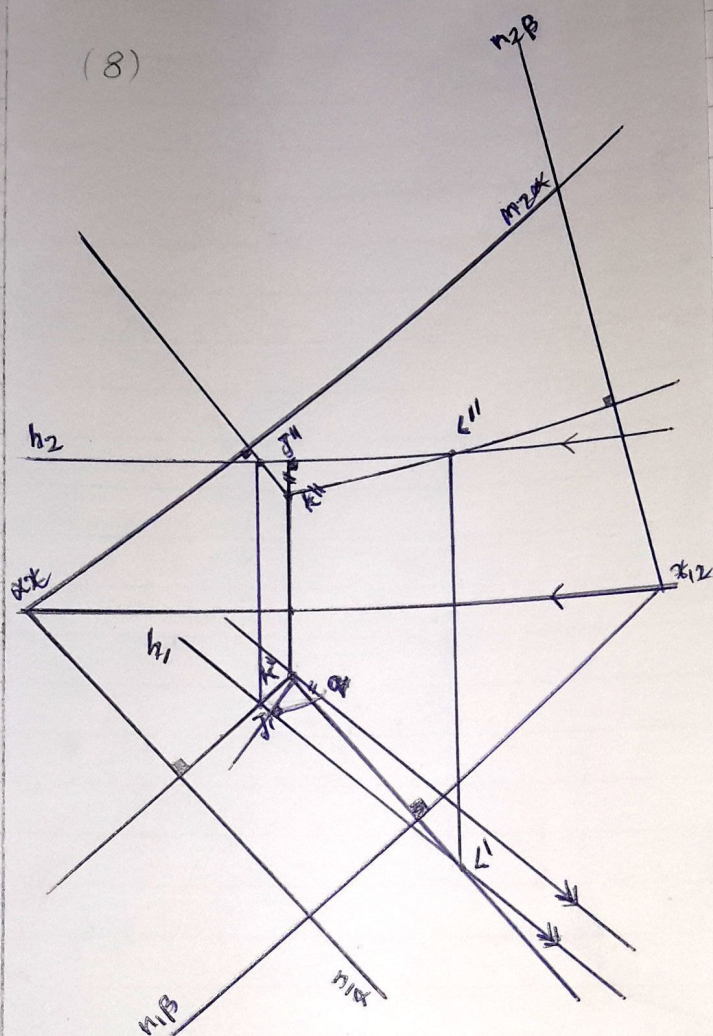
الزاوية  $\alpha$  فتكون زاوية شاذية هي  $B = 180 - \alpha$

لتحقيق المسألة في خلف وهو المطلوب

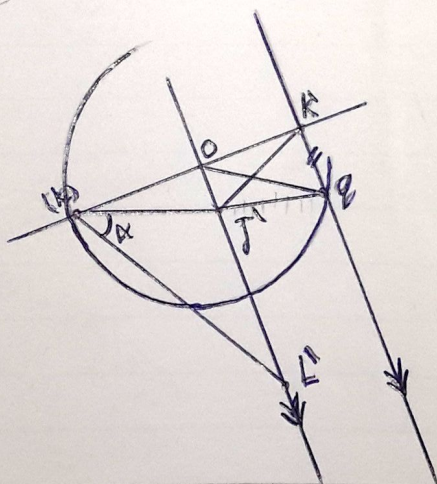




(8)



8



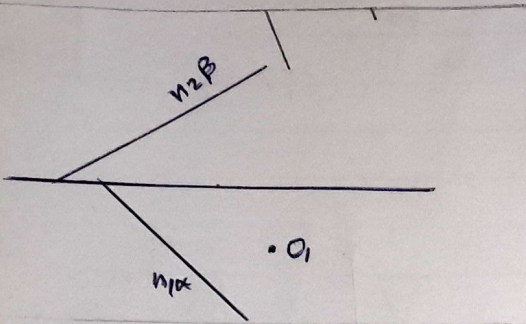


لدينا المستوى المتكرد  $(n^{\alpha}, n^{\beta})$   $\alpha$  عالم منه خط أثره الزول  $n_{\beta}$   
والزاوية المحصورة بينه وبين المستوى الزول للبرمقاط تساوي  $45^{\circ}$   
ولدينا المنقطة  $(O_1, O_2)$  الواقعة في مستوى البرمقاط الزول والظلال  
إنشاء خط الأثر الثاني للمستوي  $\alpha$ .

المركز ثقله ( $O$ ) مركز ثقله وأحد ارتفاعاته عمودي على  $n^{\alpha}$   
والزاوية بين الارتفاع يقع على  $n_i^{\alpha}$ .

عن مستوى الإسقاط، الزول بمقدار  $[8\text{ cm}]$  وعلم مصطفه الزول  $S_1$ ، إيجاد خط، أثر الزول  $n_1^B$  للمستوي  $\beta$  المامودي على مستوى الإسقاط الثاني  $P_2$

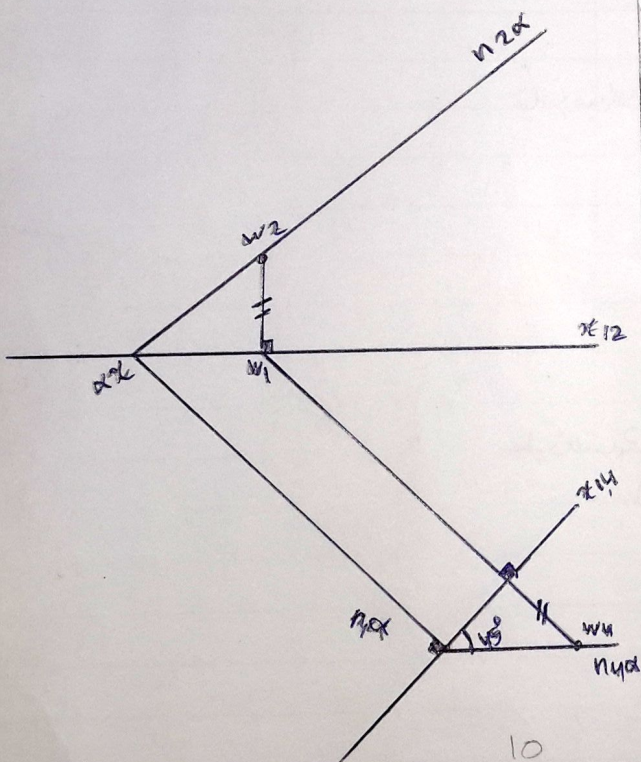
الحجاء الشكر الحقيقى للقطع لناخ عن قطع الامم النبوى ب



حل المسألة الأولى:

عندما يذكر زاوية محصورة بين  $\hat{A}$  و  $\hat{B}$  مستوي، اسقاط نضع

- (1) - نرسم مستوى مساعد عمودي على  $\pi_{1,4}$  ولنسم  $\pi_{1,4}$
  - (2) - بما أنه ذكر أن المستوى متوازي لذلك المستوى يكون على المستوى
  - (3) - نرسم مستقيم عميل بزوايا  $45^\circ$  على  $\pi_{1,4}$  ليكون هذا  $\pi_{1,4}$
  - (4) - نعين نقطة كيفية  $W_4$  على  $\pi_{1,4}$
  - (5) - نرسم من  $W_4$  حتى  $\pi_{1,2}$  موازاً لـ  $\pi_{1,4}$  وتلك النقطة الـ
  - (6) - نرسم من نقطة التقاطع مع  $\pi_{1,2}$  خطاً تداعي من  $W_4$
  - (7) - نعين بعد  $W_4$  عن  $\pi_{1,4}$  على خط تداعي  $W_4$
  - (8) - نضل  $W_2$  بـ  $\alpha \pi$  (نقطة تقاطع خط الأثر مع خط الإزاحة)
- وذلك يكون  $\pi_{1,4}$







2 + 2 f(1)

خط الطلب الثاني :

بدون مثلث شمع سايدي :

لقد ذكر أن المثلث واقع في  $P$  أي هو الشكل الحقيقي.  
بما أنه ذكر أن  $O_1$  مركز ثقله وأحد ارتفاعاته عمودي على  $n_1^x$   
لذلك نرسم من  $O_1$  عمودي على  $n_1^x$  ونقطة التقاطع هي أحد  
رؤوسه وليكن  $a_1$

بما أن  $O_1$  مركز ثقله  $\Rightarrow$  يقسم ارتفاعه بنسبة  $\frac{1}{3}$  من أضلاعه  
و  $\frac{2}{3}$  من رأس المثلث لذلك نقيس أطول  $O_1 a_1$  ونرسم  
 $a_1 O_1 = 2 O_1 w_1$

نرسم من  $w_1$  مواز لـ  $n_1^x$  لذت  $a_1 w_1$  ارتفاع وعمودي على الضلع  
ومط الأثر أي  $n_1^x$  يوازي الضلع

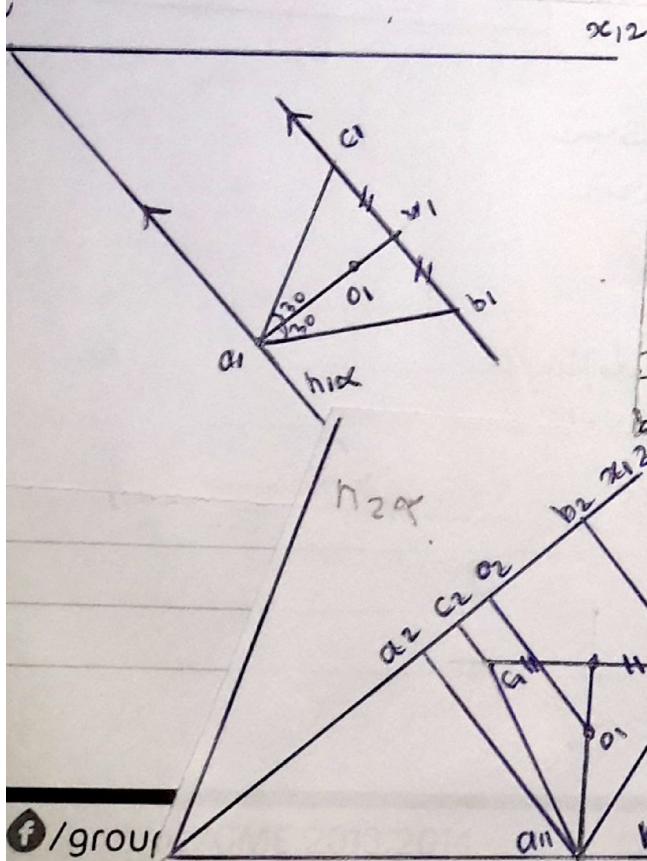
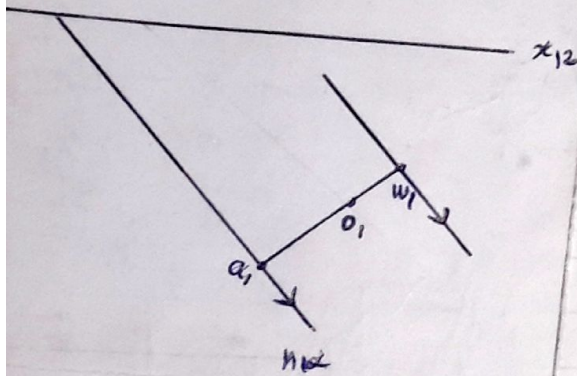
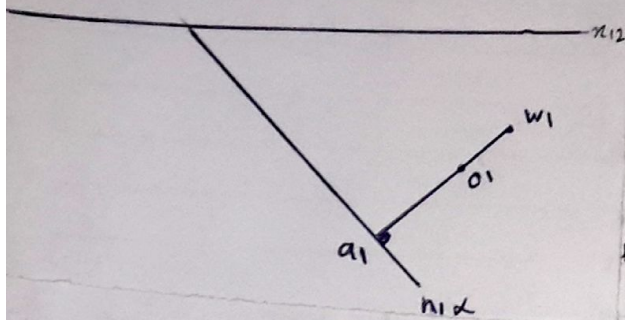
نقيس الارتفاع  $a_1 w_1$  (لأنه طول حقيقي) فيكون طول الضلع المثلث  
هو  $\frac{\text{الارتفاع}}{\cos 30^\circ} = \text{طول الضلع}$

فحين الارتفاع فيكون  $a_1 w_1 = 2,2 \text{ cm}$

فيكون  $a_1 b_1 = c_1 a_1 = b_1 c_1 = 2,5$

وبما أن الارتفاع هو محور في مثلث متساوي الساقين لذا  
على الضلع الموازي لـ  $n_1^x$  نقطتين واحدة على  $w_1$   
على يارده بحيث  $b_1 w_1 = c_1 w_1 = 1,25 \text{ cm}$

وبذلك نكون قد أنشأنا المثلث المطلوب ويكون مع  
(مسقطه الثاني على خط الأرض لأنه واقع في مستوى الإسقاط)  
وهكذا يصبح :







حل المطلوب الثالث :

علامة لدينا  $S_1$  لذلك نرسم من  $S_1$  خط تداعي على  $\pi_{1,2}$  ثم نعين  $8\text{ cm}$  على خط التداعي من بعد خط الارض فنصلت تكون  $S_2$ .

حل المطلوب الرابع :

بما ان  $B$  عمود على  $P_2$  لذلك نرسم من نقطة تقاطعه مع خط الارض عمود على خط الارض.

حل المطلوب الخامس :

$n_2^B$  تقطع الاضلاع الجانبية المرسومة من  $S_1$

نقاط حل المطلوب الخامس :

نرسم الارض وبعد رسمه نحدد  $n_2^B$  من تقاطع الاضلاع الجانبية له في النقاط  $1_2, 2_2, 3_2$  او ( $1''$ ,  $2''$ ,  $3''$ )

$1''$  واقعة على  $S_2 a_2 \Leftarrow 1''$  واقعة على  $S_1 a_1$

$2''$  واقعة على  $S_2 C_2 \Leftarrow 2''$  واقعة على  $S_1 C_1$

$3''$  واقعة على  $S_2 b_2 \Leftarrow 3''$  واقعة على  $S_1 b_1$

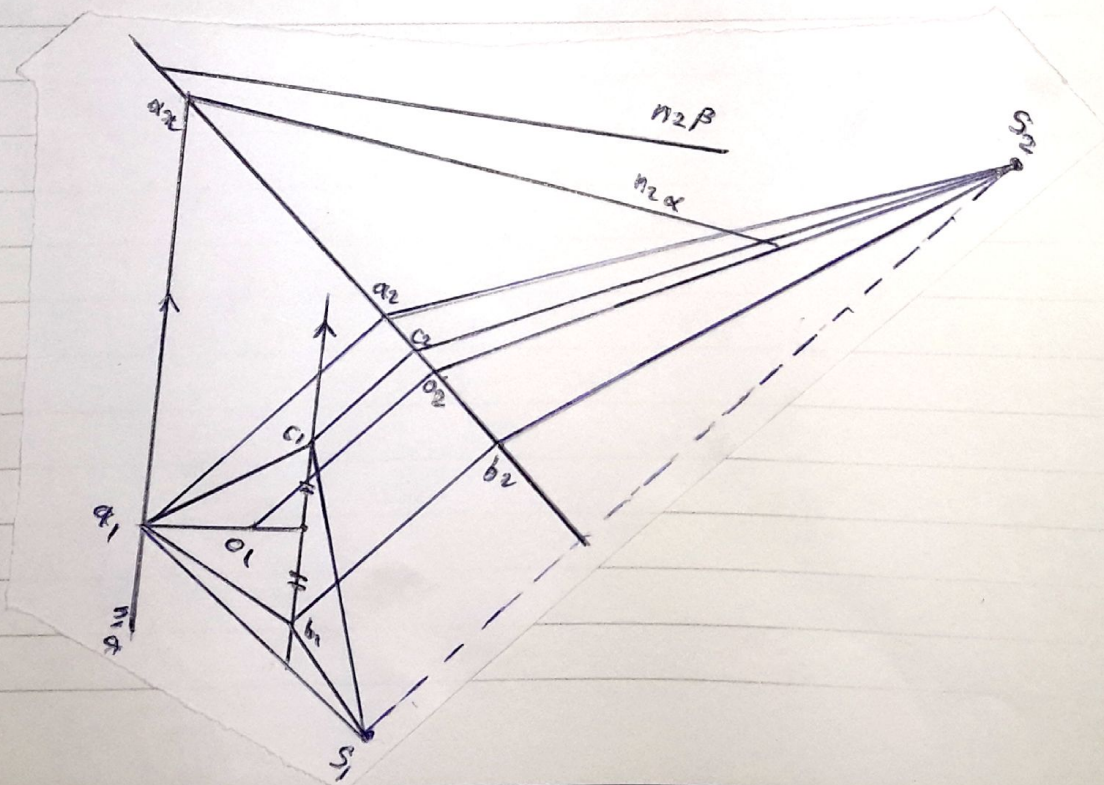
نرسم مستوى مساعد  $\pi_{2,5}$  يوازي  $n_2^B$  ، نضع من  $1''$  و  $2''$  و  $3''$  خطوط تداعي على  $\pi_{2,5}$

نعين البعد على  $\pi_{2,5}$  ومن سائلي : بعد  $1''$  عن  $\pi_{1,2} =$  بعد  $1_5$  عن  $\pi_{1,5}$

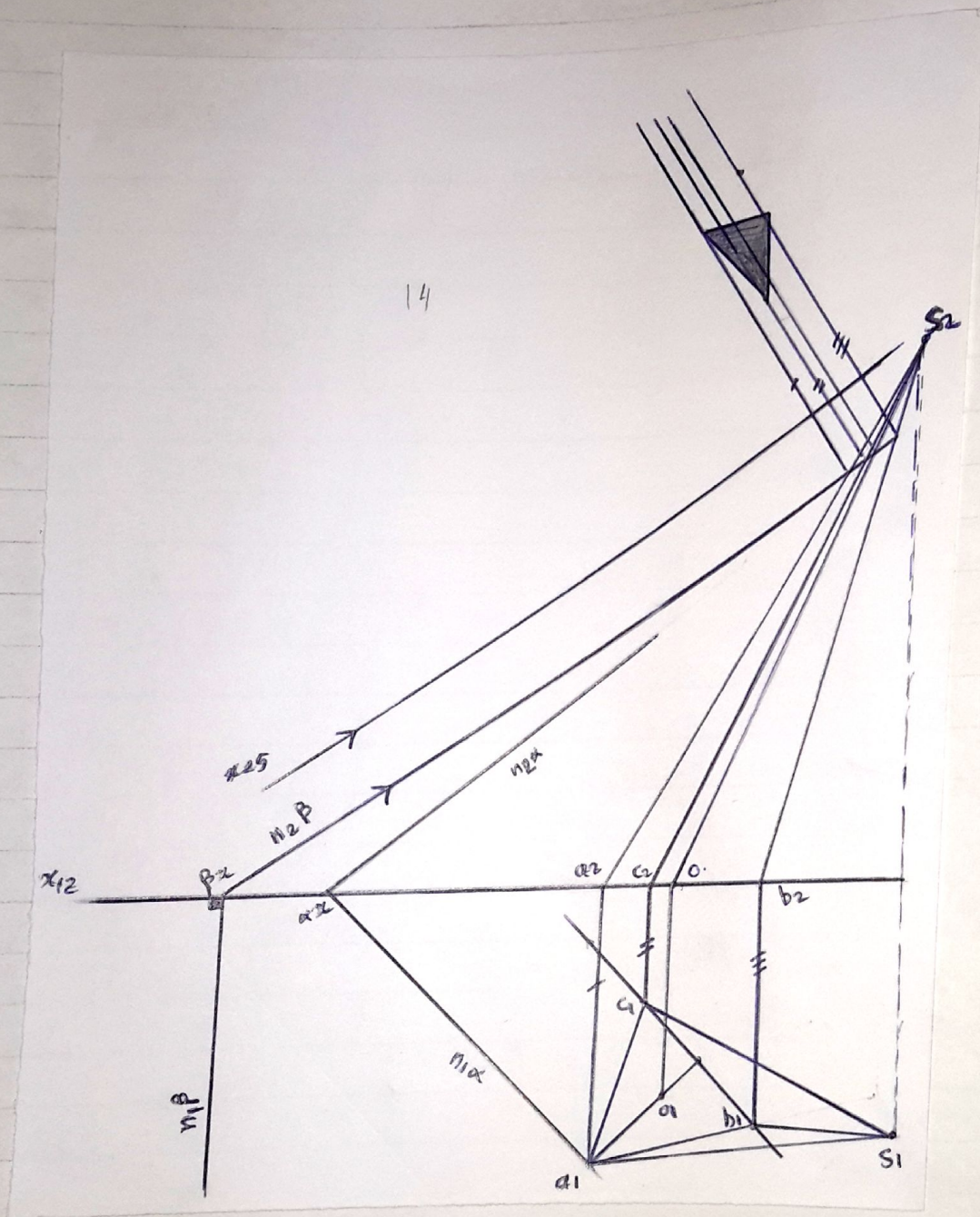
بعد  $2''$  عن  $\pi_{1,2} =$  بعد  $2_5$  عن  $\pi_{1,5}$

بعد  $3''$  عن  $\pi_{1,2} =$  بعد  $3_5$  عن  $\pi_{1,5}$

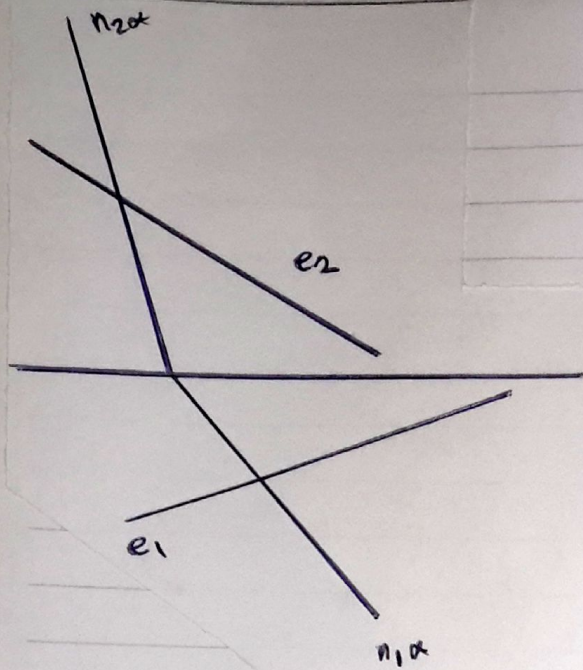
فنتق لدينا  $1_5$  و  $2_5$  و  $3_5$  نضربا فينتج بشكل حقيقي للقطع وهو المطلوب .











السؤال الثالث: (دورة 2009 - 2010)  
لدينا المستوى المحدود  $\alpha(n_1^x, n_2^x)$  والمستقيم  $e(e_1, e_2)$   
وطولون.

1. إيجاد نقطة انحراف المستقيم  $(e)$  للمستوى  $(\alpha)$
2. إيجاد زاوية ميل المستقيم  $(e)$  مع المستوى  $(\alpha)$
3. إيجاد نقطة اثر المستقيم  $(e)$  ولبعد المحيطة بين هاتين النقطتين.

الطلب الأول: نقطة الانحراف.

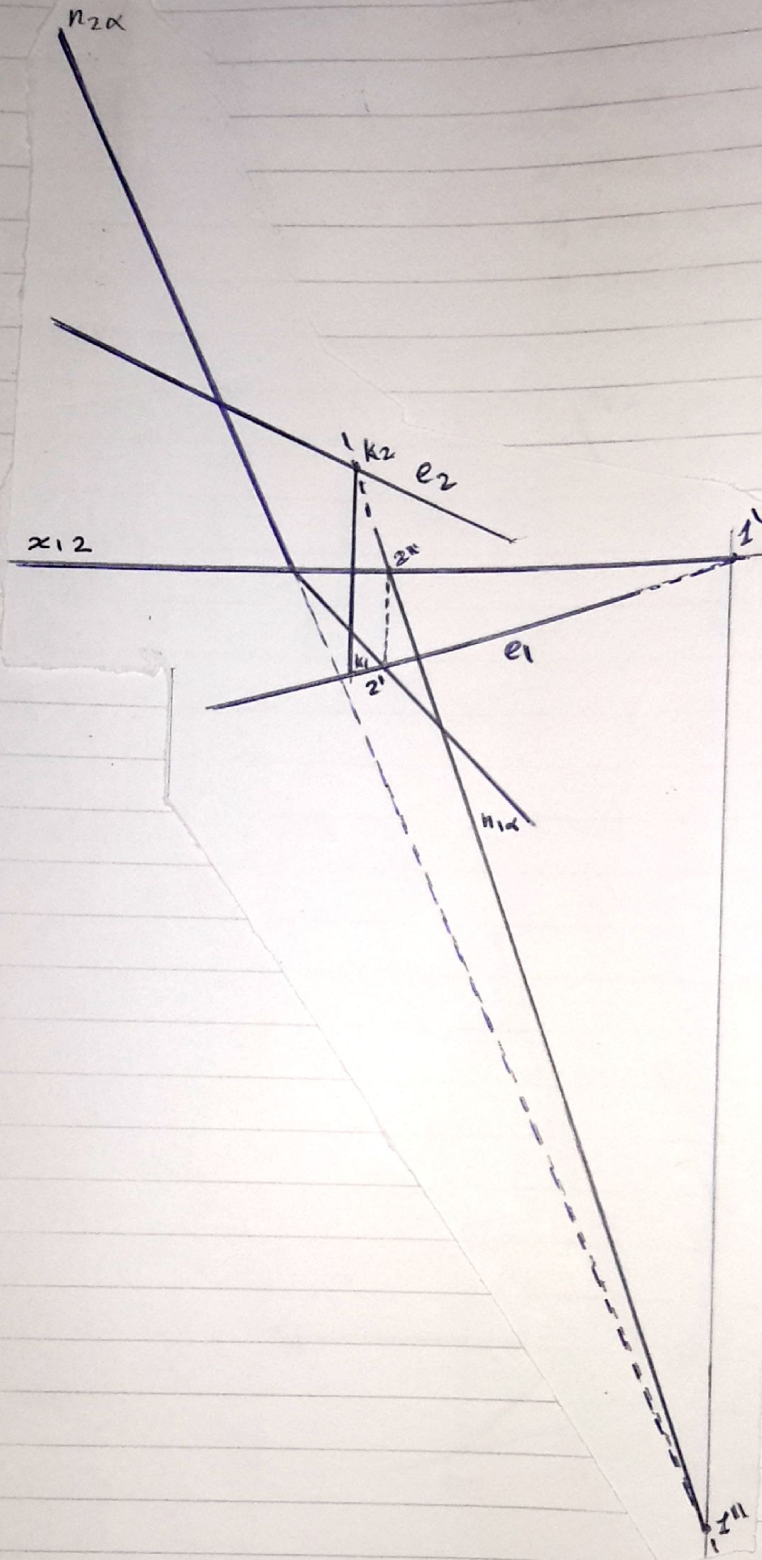
هنا المستوى محدود لذلك ستكون إحدى ماقط نقطة  
الانحراف أمام المستوى ومقط خلفه.  
على أن يكون المثلث الاثنان أمام المستوى.

نحدد  $e_1$  حتى خط الزرني ونعين عليه نقطتين  $1'$  و  $2'$   
على خط الاثر الاول فيكون مخططا، الاخر على خط الزرني.  
 $1'$  على خط الزرني فيكون مخططا على خط الاثر الثاني  $2''$   
لكن  $n_2^x$  وخط الثاني لا يتقاطعان في المستوى الثاني للامساق  
لذلك نحدد  $n_2^x$  حتى يقطع خط الثاني في  $1''$   
نصل  $1'' 2'$  وبما انه يمثل ماقط ثانية (مقيمة) لذلك  
عنده حتى يقطع  $e_2$  في  $K_2$  نقطة انحراف.  
نرسم من  $K_2$  خط تداي يقطع  $e_1$  في نقطة هي  $K_1$ .  
هذه الطريقة هي مستقيمة انقضية أي  $e_1$  على مستقيم في  
المقطع الاول هو  $2' 1'$  ومقطه الثاني هو  $2'' 1''$

ثم لكل هكذا لانه مستوى محدود سيقا اذا طر هتكي ونقوم  
بالطريقة العادية (بدون تحديد).







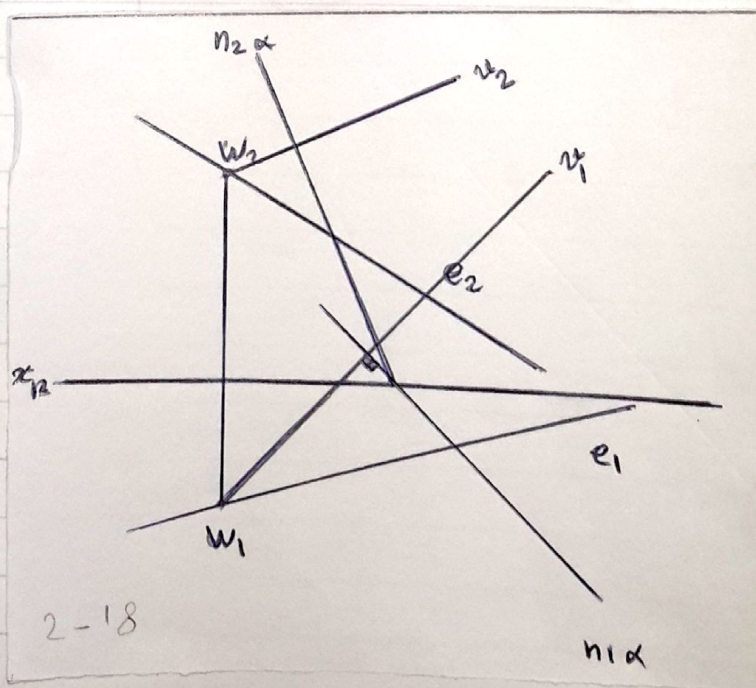
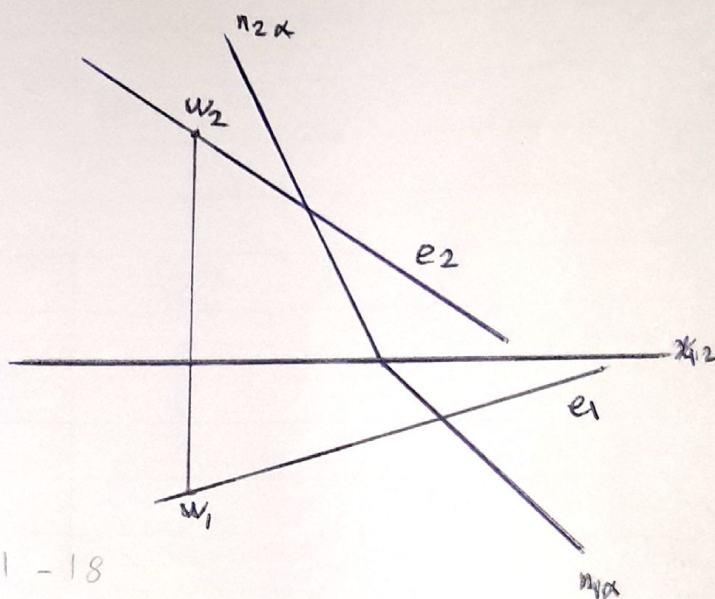




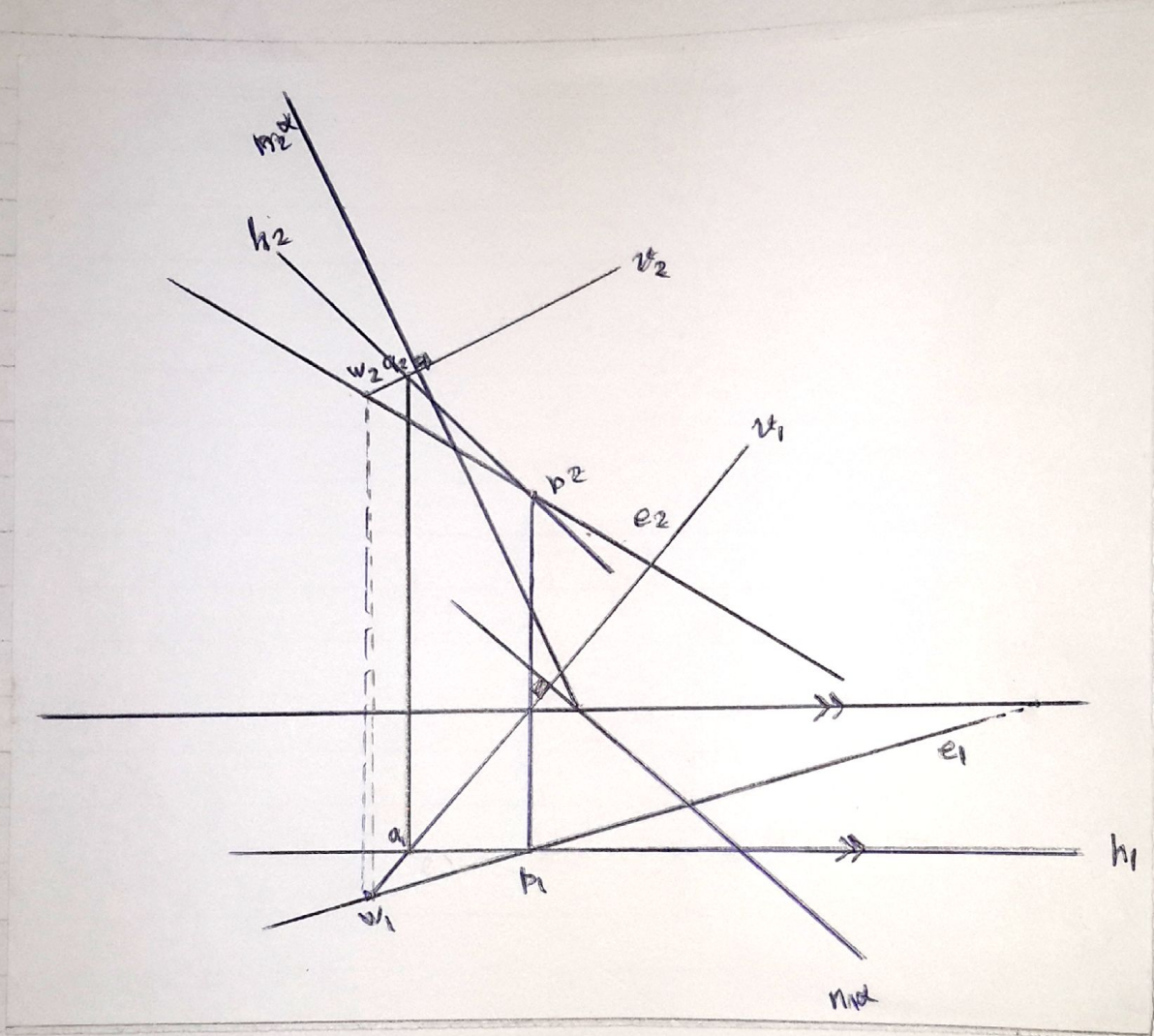
الطلب الثاني : زاوية ميل  $e$  مع  $\alpha$

- هذا الطلب خطواته معقدة لذلك سيتم شرحه بالتفصيل
- 1- نحدد  $e_1$  و  $e_2$  لكي نقيس خطوط  $n_1^\alpha$  و  $n_2^\alpha$
- 2- نعين نقطة كيفية على  $e_2$  بعد  $n_2^\alpha$  ولكن  $w_2$
- 3- نرسم من  $w_2$  خطاً تداي على  $e_1$  ونسمي  $w_1$
- 4- نرسم من  $w_2$  عود على  $n_2^\alpha$  ولكن  $v_2$
- 5- نرسم من  $w_1$  عود على  $n_1^\alpha$  ولكن  $v_1$

نرسم المستقيم  $h_1$  رئيسي يقطع  $e_1$   
و  $v_1$  في  $a_1$  و  $b_1$  نرسم من  $a_1$  خطاً  
تداي حتى  $v_2$  ومن  $b_1$  نرسم خطاً تداي حتى  
 $e_2$  نصل  $a_2 b_2$  جذ  $h_2$



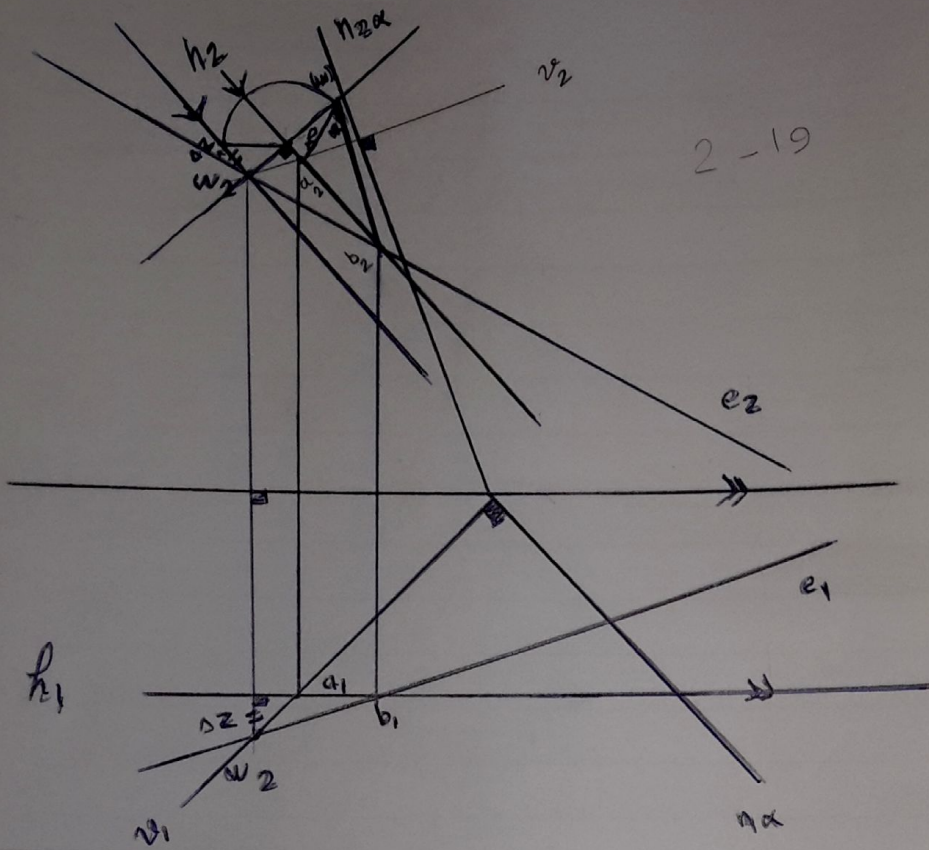




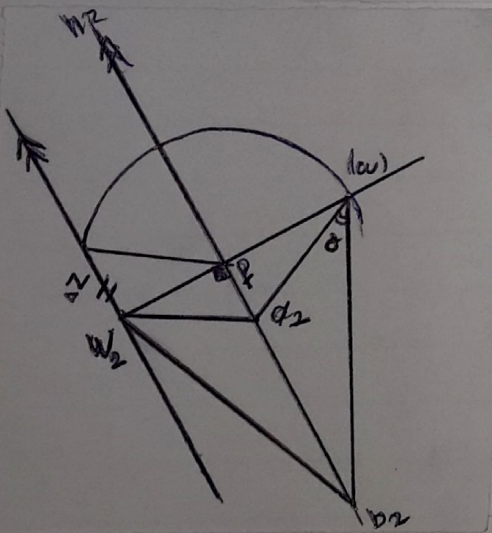




2-19



- نرسم من  $w_1$  ارتفاع على  $h_1$   
يعين البعد  $\Delta Z$
- نرسم من  $w_2$  مواز لـ  $h_2$   
عليه البعد  $\Delta Z$
- نرسم من  $w_2$  عمود على  $h_2$   
فيقطعه في  $f$   
نصل  $f$  بـ  $\Delta Z$  فيكون  
نصف قطر الدائرة التي مركزها  $f$   
نرسم الدائرة متى يقطع العمود  
من  $w_2$  في  $(w_2)$   
نصل  $w_2$  بـ  $a_2$  و  $b_2$   
فينح الزاوية  $\alpha$   
فيكون  $\beta = 90 - \alpha$

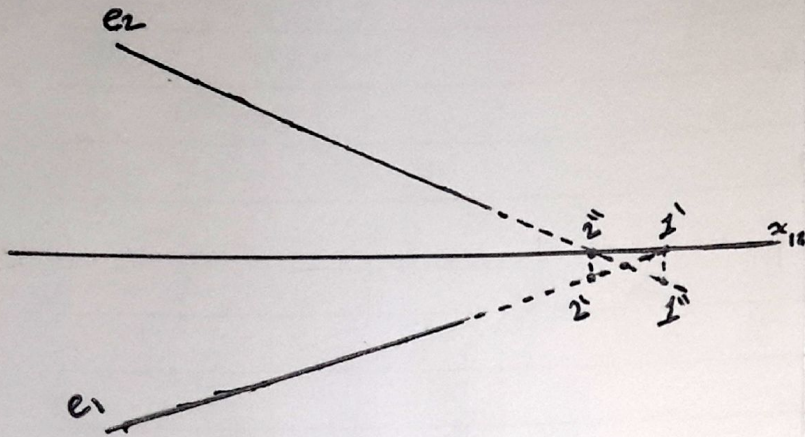


صورة مكبرة





الطلب الثالث :



20

\* الطلب الثالث :

لنر  $e_1$  ممّا في الأرض  $1'$   
ثم نرسم ممّا تدعى ممّا تقطع  $e_2$   
امتداده في  $1''$  (النقطة الأولى)  
وكذلك لنر  $e_2$  ممّا في الأرض  
في  $2'$  ونرسم ممّا تدعى ممّا  $e_1$   
في  $2''$  فتكون نقاط الأثر  $1'$  و  $2'$

غير مطلوب البعد بينها



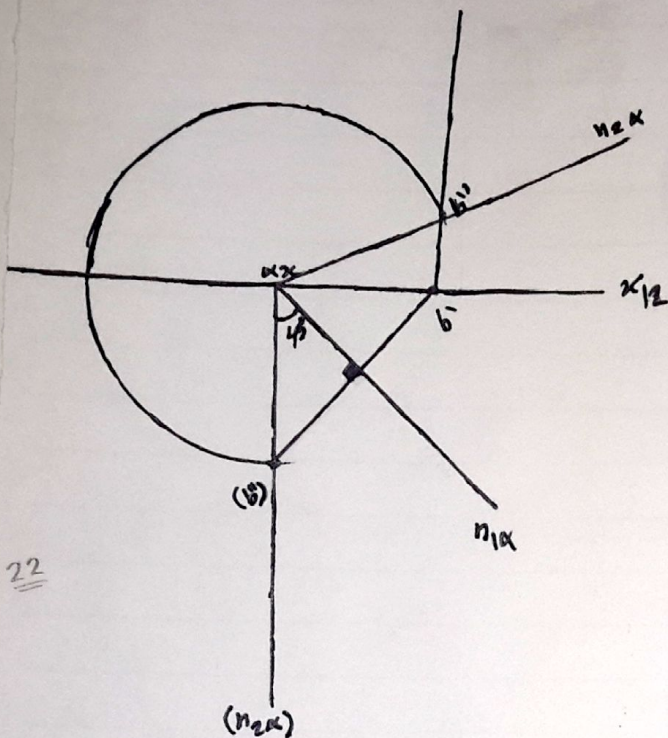






نرسم  $n_2^x$  - طيل على  $n_1^x$  زاوية  $45^\circ$  ثم نضيق عليه نقطة لا على  
العينين وليكن  $(b'')$  محور على  $n_1^x$   
مقا في الأرض فيقطع في الأرض  
في  $a$  نرسم دائرة مركزها  $xx$   
نصف قطرها  $[xx(b'')]$   
فيقطع في

نأخذ في  $b''$  لها نقطة تنتمي لـ  $n_2^x$   
لذلك نصل  $b''$  بـ  $xx$   
فيكون ذلك  $n_2^x$



22





ألف :

لدينا مستوى أفقي  $\alpha$  علم خط أثره الزول، والزواوية المحصورة بينه وبين المستوى الزول للارتفاع  $45^\circ$  والنقطة  $O(0,0)$  واقعة في مستوى الإسقاط الزول.

- 1- إيجاد خط الأثر الثاني لـ  $\alpha$ ، مستطوي  $O$  الثاني  $[O]$
- 2- إنشاء مربع موجود في  $P_1$ ، مركز ثقله  $O$  أحد أقطابه عمود على  $n_1^\alpha$  وأحد رؤوسه على  $n_1^\alpha$
- 3- إنشاء الهرم مثل قاعدته المربع  $abcd$  وأساسه  $(S_1, S_2)$   $n_2^\alpha$  علقت منه  $S_2$  إذا علقت أن رأس الهرم يبعد عن مستوى الإسقاط الثاني  $5\text{ cm}$

$S_2$  .

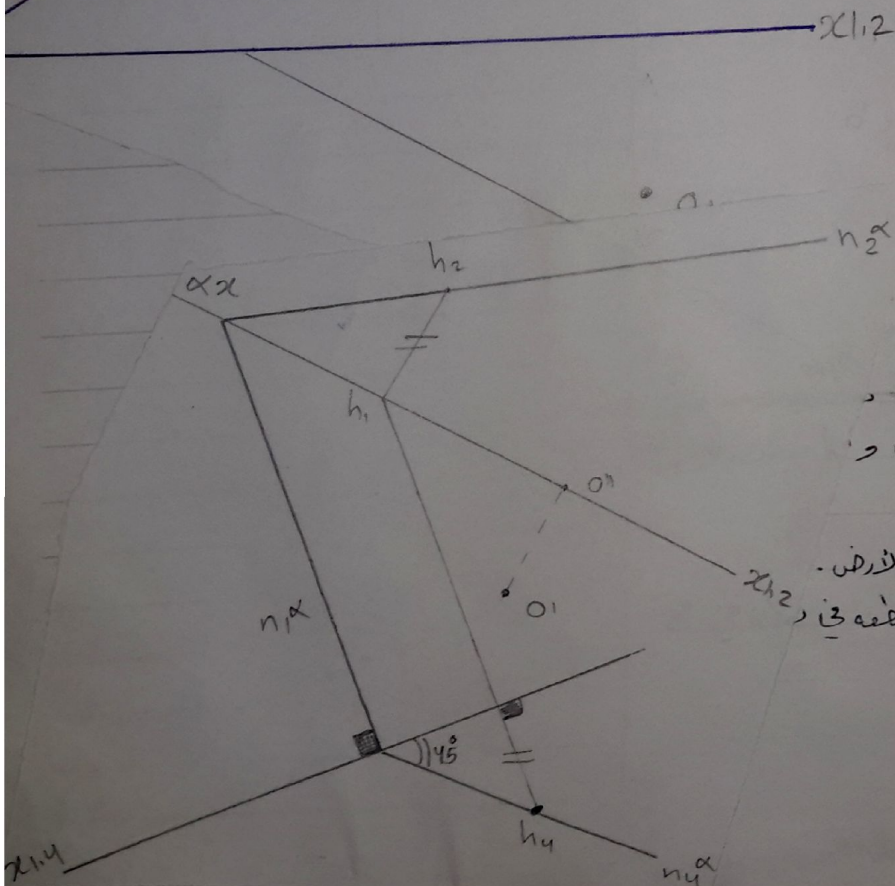
- 4- إيجاد خط الأثر الزول للمستوى  $P$  المعلوم خط أثره بحيث يكون  $P \perp P_1$  وإيجاد المقطع الحقيقي الثاني للمستوى  $P$
- 5- أوجد بعد  $S$  عن  $\alpha$

الحل :

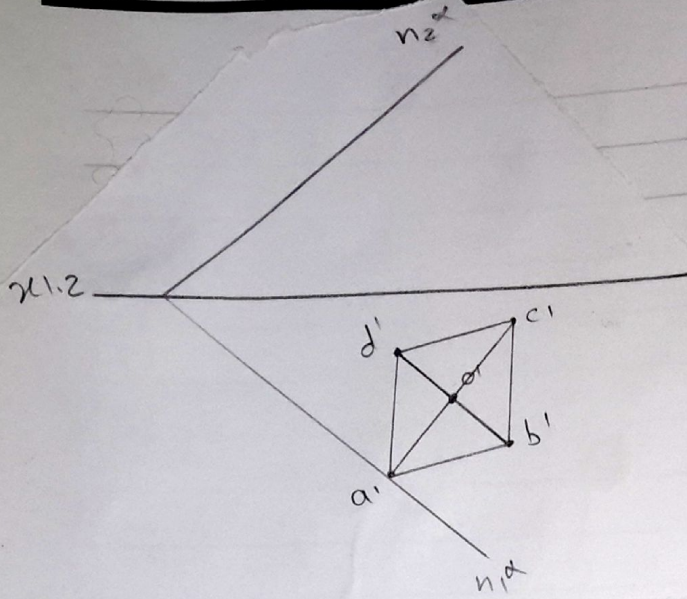
المطلوب الأول :

- 1- إيجاد  $n_1^\alpha$
- 2- إيجاد  $n_2^\alpha$

- 1- نرسم  $n_{1,4}^\alpha$  مستوى مساعد عمودي  $n_2^\alpha$
- 2- نرسم مستقيم  $n_4^\alpha$  بزاوية  $45^\circ$
- 3- نعين نقطة كيفية  $h_4$  على  $n_4^\alpha$  ونرسم  $P_1$  تقاطع خط الأثرين في  $h_4$  نرسم من  $h_4$  إلى  $n_{1,4}^\alpha$ ، ستكون تلك  $h$  نصل بين  $\alpha$  و  $n_{1,4}^\alpha$  \* لإيجاد  $O$  : لدينا فرمنا  $O$  واقعة في :  $P_1 \leftarrow$  نقطة  $O$  يكون على خط الأثرين .
- نرسم خط تداخي من  $O$  على  $n_{1,2}^\alpha$  حتى يقطع في  $n_{1,2}^\alpha$







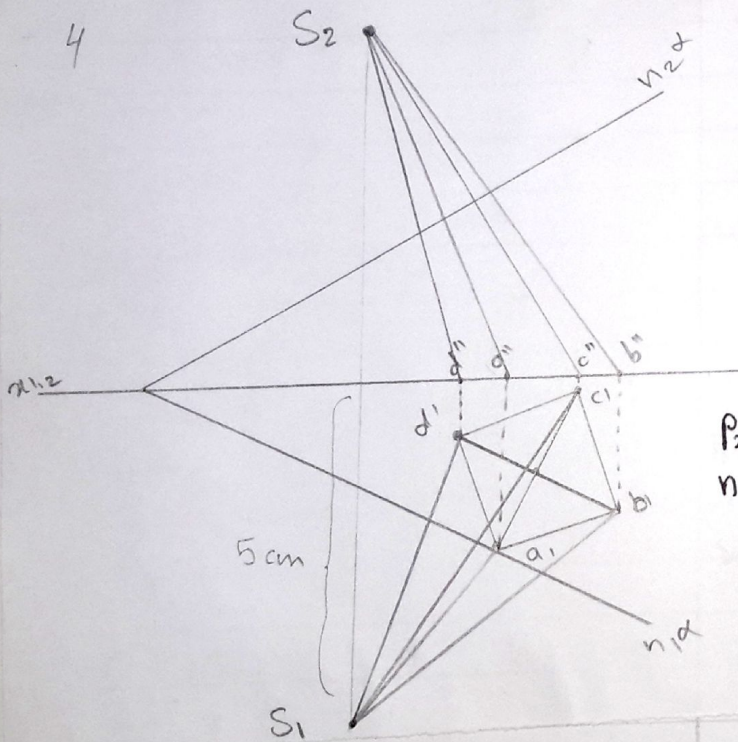
المطلوب إثباته:

خطوات الحل:

لدينا فرضاً أن  $a'd'$  قطر عمودي على  $n_1^\alpha$   $\Rightarrow$   
 نرسم من  $O'$  عموداً على  $n_1^\alpha$  ليكون ذلك المقطع هو  
 نصف قطر مربع عند  $O'$ ، أي  $C$  بحيث  $O'a' = O'c'$   
 نرسم من  $O'$  مستقيم موازي  $n_1^\alpha$  ونضع عليه  $b', d'$   
 بحيث  $O'a' = O'c' = O'd' = O'b'$   
 لأن ذلك المربع واقع في ذلك المستوى فيكون مقطعه الحقيقية

المطلوب إثباته:

لدينا نقطة  $S_2$  نرسم منه مماساً تداً على  $n_1^\alpha$  ونضع عليه  
 بعد  $6\text{ cm}$  من  $x_{1,2}$  نحو الأسفل فتكون تلك  $S_1$   
 نصل  $S_1$  بـ  $a', b', c', d'$   
 نرفع خطوطاً تداً عن  $a', b', c', d'$  على  $x_{1,2}$   
 فتكون تلك  $a'', b'', c'', d''$   
 نصل  $S_2$  بـ  $a'', b'', c'', d''$

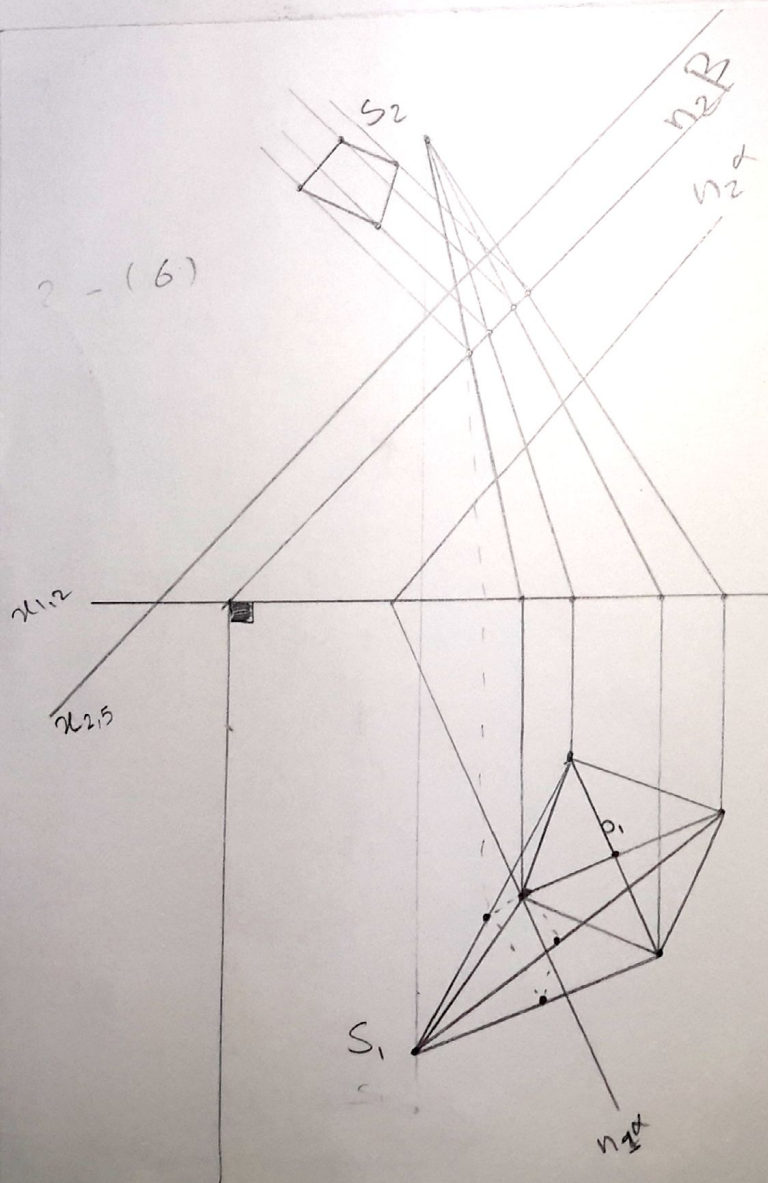
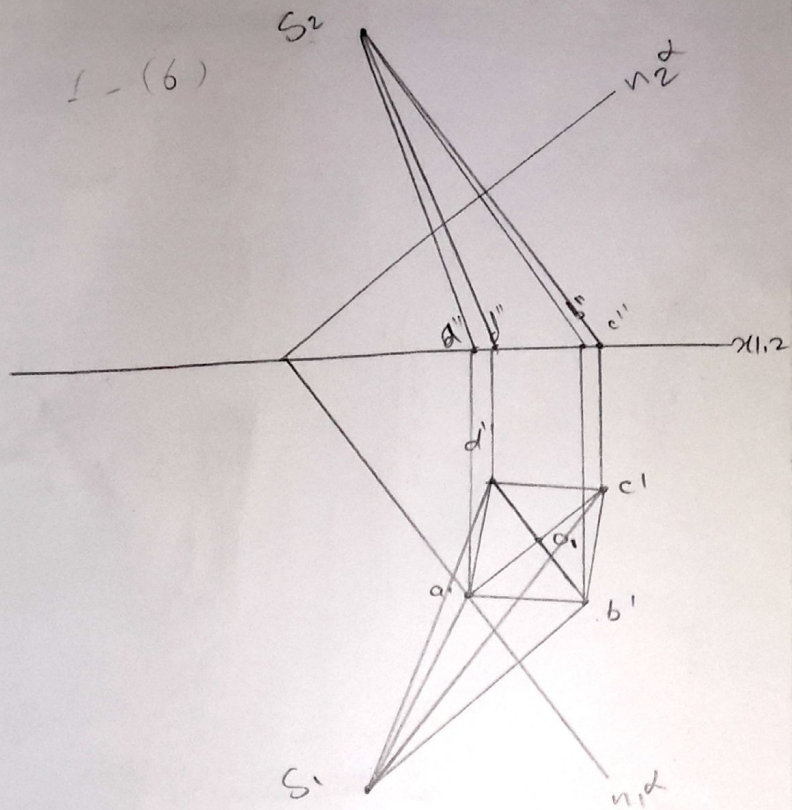


خطوات حل المطلوب الرابع:

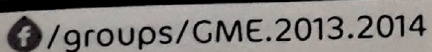
- لإيجاد  $n_1^B$  نرسم  $\alpha\beta$  عموداً على  $x_{1,2}$  في  $P_1$  لنز  $P_2$   
 $n_2^B$  يقطع  $\alpha\beta$  في أربع نقاط، نرسم المستوي  $n_{1,5}^\alpha \parallel n_2^B$   
 ونرسم من نقاط تقاطع  $\alpha\beta$  مع  $n_2^B$  خطوطاً تداً ونضع  
 النقاط  $P$  حسب الأبعاد المبيّنة بالشكل فيشكل لدينا  
 أربع نقاط نصلها فيشكل لدينا شكل رباعي.

(الرسومات في الخلف)









11





لدينا المستوى  $(n_1, n_2)$  في السطح الحقيقي  
النازلة الثاني  $(e_1, e_2)$

المتغير الثاني  $(e_1, e_2)$

المطلوب: 1/1) أجب، فني أثره

12 | عا. الجاد ضفي أثر  $\beta$

13 | عا. الجاد الفضل المشترك  $\beta$

14 | عا. الجاد

(4) وجد الزاوية لثائية بين  $\beta$  و  $\alpha$

 $\beta, \alpha$ 

\* الطالبات \*

بما أن  $E$  مستقيم نازل ثاني  $= \frac{1}{2} \log_2 n$

نوجد نقاط أثر المستقيم  $e$  وفيه نقطة  $P$  أثر

في المستوى الثاني 1 فرس عامور على

استاد رحمتی بقطع فخر از رضا فی نقطه

$x$  فصل  $x$  ب  $2$  (نقطه اترقی)

في المستوى الأول ( ويكونه ذلك  $n, \alpha$  )

المطلب الثاني

لدينا هنا ان  $\beta$  هي فقط  $n, \beta$  نرسم  $(n, \beta)$

ندور بحيث تكون الزاوية بينهما  $45^\circ$  فعند

نقطة كفية في ١٥١ نرسه فنه ١٥١ امور

على  $\alpha, \beta$  متى يقطع  $\Gamma$   $\alpha$ ،  $\beta$  في نقطة

تو کہ نہ تارک ک فرسہ فہ ک فہ تہی

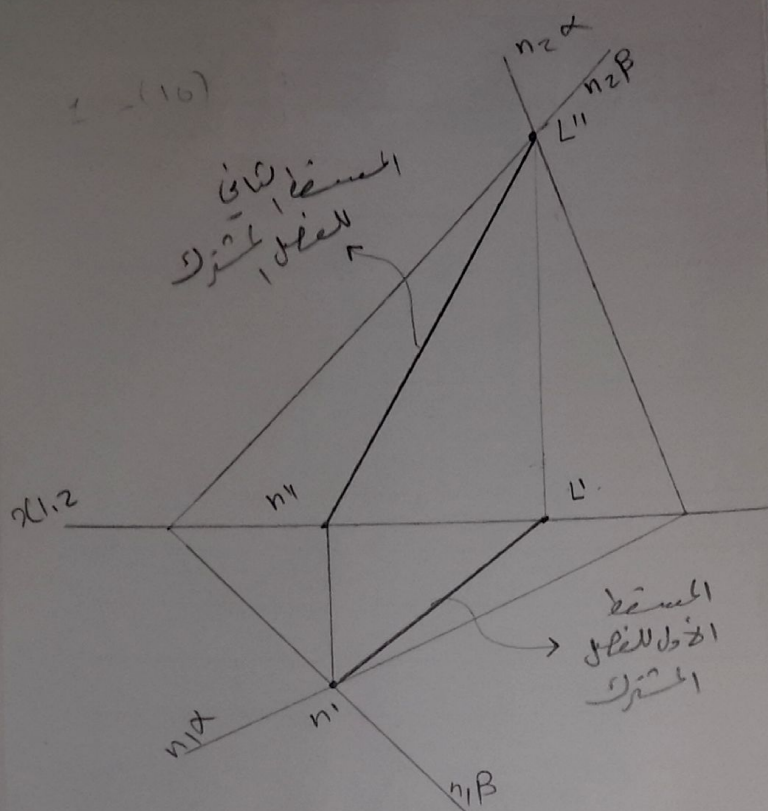
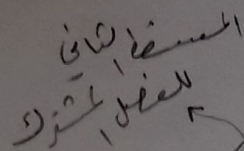
نصف من ١٥ و ١٦ دائرة نصف قطرها

[a. b] تقطع هذه الدائرة فطبيعي

1.  $a \leq b$  في  $b$ .

المرسوم في ١٢٠٢٠  
١٢٠٢٠ في ١٢٠٢٠





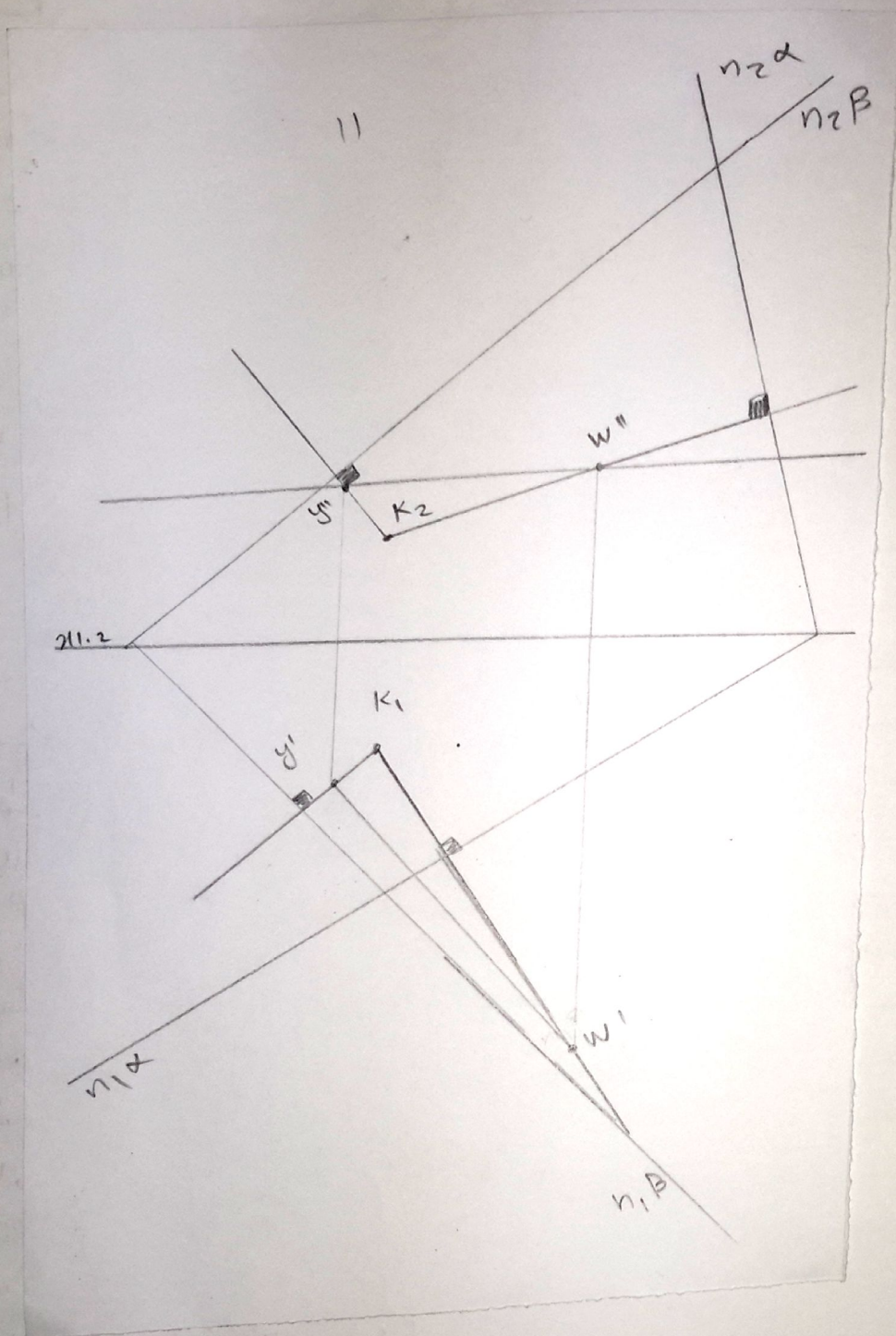
نرسم المستويين  $\alpha$  و  $\beta$  قاطعاً بـ  $a$   
فقط  $\alpha \cap \beta = a$  فلهذا فقط تقاطع  
نرسم منهما خطوطاً أي على  $\alpha$  فيسبغ  
لدينا  $a$  و  $b$  فضل  $a$  بـ  $b$  (وهي  
المقاطع) وللفضل المشترك  
فضل  $a$  بـ  $b$  (وهي المقطع الثاني لفضل  
المشترك)

المطلب الرابع

نرسم النقطة  $\alpha$  نقطة كيفية (أدلة)  
على قوس  $\alpha$  نرسم منه  $\alpha$  عدة  
على  $\alpha, \beta$  و  $\alpha$  ونرسم منه  $\alpha$  عدة  
على  $\alpha, \beta$  و  $\alpha$   
نرسم  $\alpha$  مستقيم رئيسي ( $\alpha$  خط  $\alpha$ )  
يقطع  $\alpha$  عدة في  $\alpha$  و  $\alpha$  نوجد  
 $\alpha$  و  $\alpha$  ونصل بينهما ونفرد نرسم  
منه  $\alpha$  ارتفاع على  $\alpha$  قياسه ( $\alpha$ )  
نرسم منه  $\alpha$  قواسم  $\alpha$  و  $\alpha$  ونعين  
عليه البعد ( $\alpha$ ) في النقطة  
نرسمنا منه  $\alpha$  عمود على  $\alpha$  ونعين  
عليه البعد ونصله بـ  $\alpha$  تكون (وتر)  
هو قطر دائرة نرسمها بقطع قوس  $\alpha$   
نرسم منه  $\alpha$  تكون تلك  $\alpha$  نصل  
 $\alpha$  و  $\alpha$  و  $\alpha$  فيكون الزاوية  
المعملة هي الزاوية الشايفة

الرسمه في الخلفه







مسألة (3)

المستوى المتكبر  $\pi_1$  علم فيه  $\pi_1$   
والزاوية المصهورة بين  $\pi_1$  وبين المستوى  
الذي  $\pi_1$  ولدينا الواقعة على  
منصف زاوية الرأس  $\pi_1$  للمستوى  $\pi_1$  وبعده  
عن الرأس  $\pi_1$  والمطلوب:  
1) إيجاد خط اثر الثاني  
2) إنشاء مربع قطر  $AB, CD$   
واقع في  $\pi_1$  والنقطة  $O$  مركز ثقله  
وأحد قطريه محوري على منصف زاوية  
الرأس  $\pi_1$  والرأس  $\pi_1$  المتعلقان بالقطر  
يقعان على  $\pi_1$  و  $(\pi_2)$

المطلوب الأول



فقطوات لاجل بالتفصيل  
 1. اذا طلب تعيين زاوية الرأس  $\alpha$  وقام  
 بذكرها نقوم بـ إيجاد  $\alpha$  و  $\alpha$  و  $\alpha$   
 (P) نأخذ نقطة  $I_2$  على التقيس  $\alpha$   
 و تكون  $I_2$  نرسم فيها محور على  $\alpha$   
 ا. ر. ر. نرسم  $I_2$  نرسم فيها محور على  $\alpha$   
 و  $\alpha$  و  $\alpha$  و  $\alpha$   
 ب. نرسم دائرة مركزها  $\alpha$  ونصف  
 قطرها  $[I_2, \alpha]$  حتى تقطع المحور  
 في  $I_1$  نرسم  $\alpha$  مستقيم  
 الى  $I_1$  و  $\alpha$  و  $\alpha$  و  $\alpha$   
 2. بعد إيجاد  $\alpha$  نرسم نصف  
 الزاوية بين  $\alpha$  و  $\alpha$  وليكن  $\alpha$   
 نرسم نصف الزاوية بين  $\alpha$  و  $\alpha$   
 و ليكن  $\alpha$  و نرسم نصف الزاوية  
 بين  $\alpha$  و  $\alpha$  و ليكن  $\alpha$   
 3. نعين  $\alpha$  تبعد عن  $\alpha$  و  $\alpha$  و  $\alpha$   
 على  $\alpha$  نرسم  $\alpha$  محور على  $\alpha$   
 (قطر المربع) حتى تقطع ذلك المحور  
 و  $\alpha$  و  $\alpha$  في  $\alpha$  و  $\alpha$   
 $\alpha | \alpha = \alpha | \alpha = \alpha | \alpha = \alpha | \alpha$   
 بذلك قد تكون رسمنا المربع و  $\alpha$  و  $\alpha$   
 المربع بمسقطه  
 نرسم  $\alpha$  نرسم  $\alpha$  محور يقطع  $\alpha$  في  $\alpha$   
 و محور يقطع  $\alpha$  في  $\alpha$   
 نرسم  $\alpha$  محور يقطع  $\alpha$  في  $\alpha$   
 و محور يقطع  $\alpha$  في  $\alpha$   
 نرسم  $\alpha$  و  $\alpha$  و  $\alpha$  و  $\alpha$   
 مركزها  $\alpha$  حتى تقطع ذلك المحور  
 في  $\alpha$  و  $\alpha$  و  $\alpha$   
 بما أن  $\alpha$  و  $\alpha$  و  $\alpha$  و  $\alpha$  و  $\alpha$  و  $\alpha$

فقطوات لاجل بالتفصيل  
 1. اذا طلب تعيين زاوية الرأس  $\alpha$  وقام  
 بذكرها نقوم بـ إيجاد  $\alpha$  و  $\alpha$  و  $\alpha$   
 (P) نأخذ نقطة  $I_2$  على التقيس  $\alpha$   
 و تكون  $I_2$  نرسم فيها محور على  $\alpha$   
 ا. ر. ر. نرسم  $I_2$  نرسم فيها محور على  $\alpha$   
 و  $\alpha$  و  $\alpha$  و  $\alpha$   
 ب. نرسم دائرة مركزها  $\alpha$  ونصف  
 قطرها  $[I_2, \alpha]$  حتى تقطع المحور  
 في  $I_1$  نرسم  $\alpha$  مستقيم  
 الى  $I_1$  و  $\alpha$  و  $\alpha$  و  $\alpha$   
 2. بعد إيجاد  $\alpha$  نرسم نصف  
 الزاوية بين  $\alpha$  و  $\alpha$  وليكن  $\alpha$   
 نرسم نصف الزاوية بين  $\alpha$  و  $\alpha$   
 و ليكن  $\alpha$  و نرسم نصف الزاوية  
 بين  $\alpha$  و  $\alpha$  و ليكن  $\alpha$   
 3. نعين  $\alpha$  تبعد عن  $\alpha$  و  $\alpha$  و  $\alpha$   
 على  $\alpha$  نرسم  $\alpha$  محور على  $\alpha$   
 (قطر المربع) حتى تقطع ذلك المحور  
 و  $\alpha$  و  $\alpha$  في  $\alpha$  و  $\alpha$   
 $\alpha | \alpha = \alpha | \alpha = \alpha | \alpha = \alpha | \alpha$   
 بذلك قد تكون رسمنا المربع و  $\alpha$  و  $\alpha$   
 المربع بمسقطه  
 نرسم  $\alpha$  نرسم  $\alpha$  محور يقطع  $\alpha$  في  $\alpha$   
 و محور يقطع  $\alpha$  في  $\alpha$   
 نرسم  $\alpha$  محور يقطع  $\alpha$  في  $\alpha$   
 و محور يقطع  $\alpha$  في  $\alpha$   
 نرسم  $\alpha$  و  $\alpha$  و  $\alpha$  و  $\alpha$   
 مركزها  $\alpha$  حتى تقطع ذلك المحور  
 في  $\alpha$  و  $\alpha$  و  $\alpha$   
 بما أن  $\alpha$  و  $\alpha$  و  $\alpha$  و  $\alpha$  و  $\alpha$  و  $\alpha$

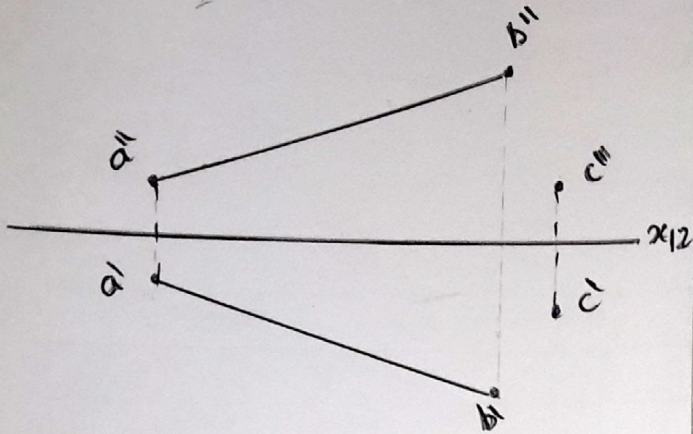


ج- احداث عمود من نقطة على مستقيم:

سؤال:

أولاً: أحضر بعد من  $C$  إلى  $AB$

(1) 1

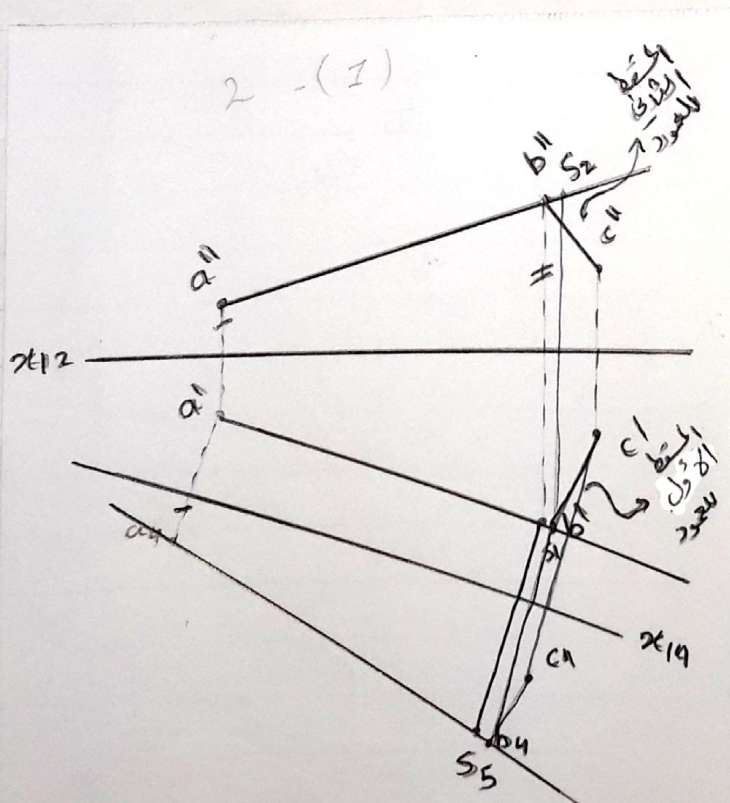


الحل:

نرسم  $x_{1,2}$  مستوي  $S_1$  و  $S_2$  متوازيين  $a'b'$ . نرسم خطوط  $S_1$  و  $S_2$  من  $a'$  و  $b'$

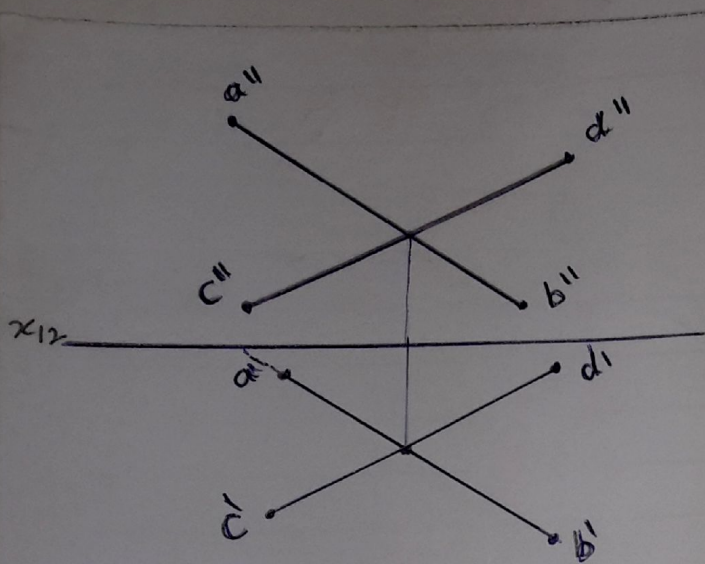
على  $x_{1,2}$  و نحدد الأبعاد الواقعة في المستوي الثاني فيكون  $a_1, b_1$  وكذلك  $C_1$  نرسم من  $C_1$  عمود على  $a_1 b_1$  فيقطع في  $S_2$  نوجد  $S_1$  و  $S_2$  خطوط التماس فنصل  $C'$  و  $C''$  و  $S_1$  و  $S_2$

(1) 2





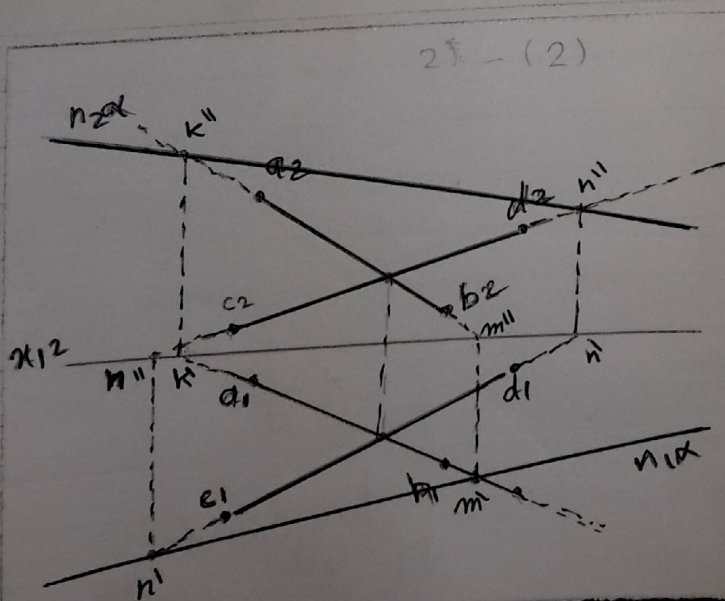
(2) لدينا المستوي المحدد بالمستقيمين المتقاطعين AB و CD والمطلوب: إيجاد خطي أثر هذا المستوي



1 - (2)

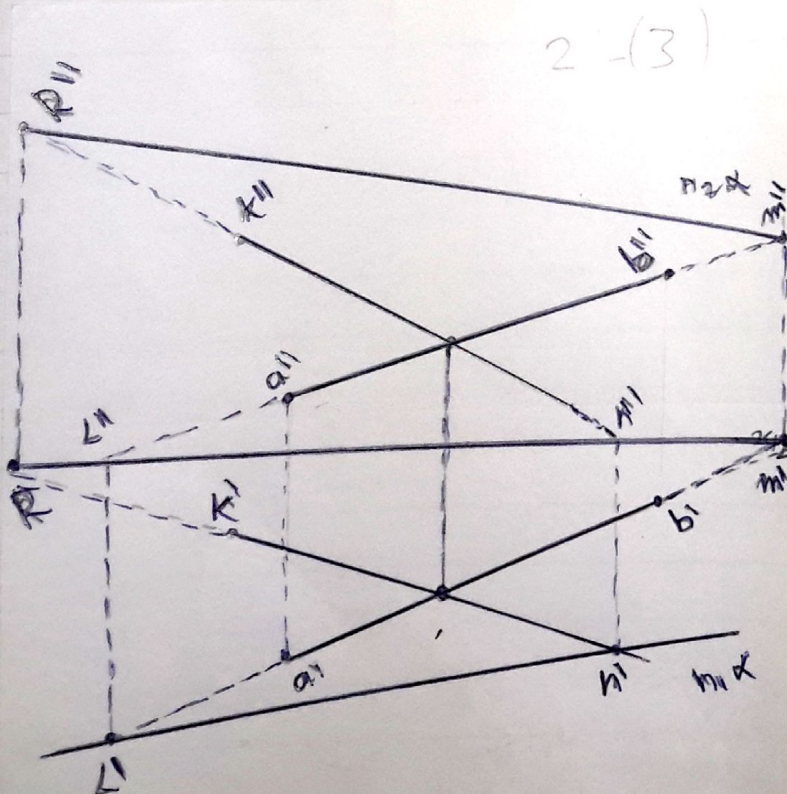
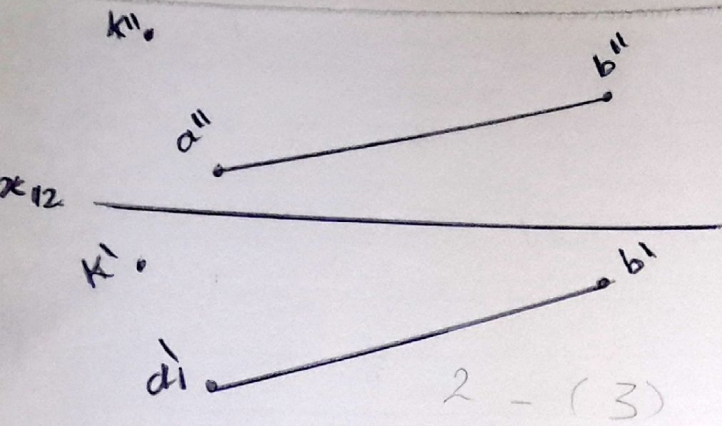
الحل: المستقيمات تقاطع خط

النقطة في نقطة نرسم منها خطاً دائماً يقطع مسطحة الآخر في نقطة فيشكل لدينا 4 نقاط نصل كل نقطتين واقعتين في نفس المستوى وبذلك يشكل لدينا فضاء الأثر





3- لدينا المستوي المحدب المستقيم  $ab$  والنقطة  $k$   
و المطلوب ايجاد فضاء أثر هذا المستوي

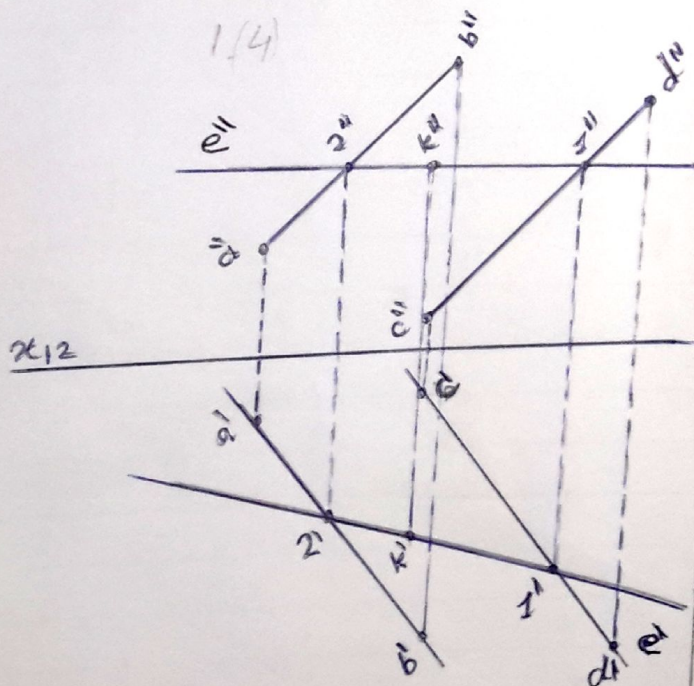
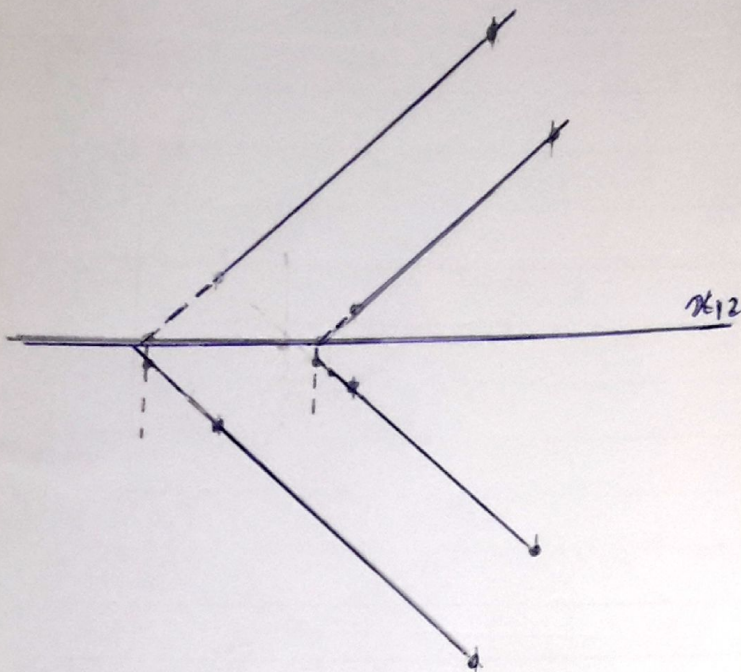


الحل:  
نرسم من  $k''$  مستقيم  $g''$  يقطع  $a''b''$  في  $g''$  نرسم  
منها فضاء  $g''$  يقطع  $a''b''$   
في  $g'$  ثم نصل  $g'$  و  $k'$   
فيستكمل المسقط الثاني لذلك  
المستقيم وبذلك سيكون لدينا  
مستقيمان (توجد الفضل  
المستقيم حسب فضاءات  
المادة السابقة)



4 - لدينا المستوي المحدر بالسفقتين التواريين  $ab$  و  $cd$   
 ولدينا النقطة  $k$  الواقعة في  
 المستوي فإذا علمت المسقط  
 الثاني للنقطة  $k$  أوجد  
 المسقط الأول

(4) - 2



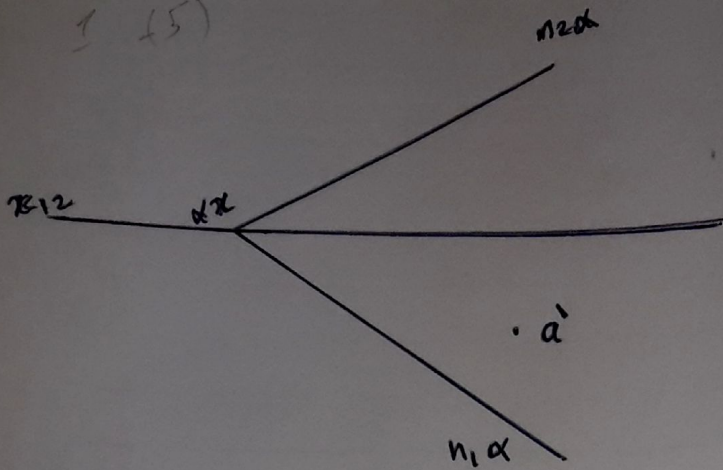
رسم من  $k''$  مستقيم ليقي  
 تقاطع  $a''b''$  في  $(2'')$  و  $c'd''$   
 في  $1'$   
 يؤخذ مساقط  $(2'')$  و  $(1'')$  على  
 $P_1$  فيستخرج  $2'$  و  $1'$   
 يصل بينهما ورسم من  $k''$  خط  
 تدلي تقاطع  $1'$  و  $2'$   
 في نقطة  $k'$



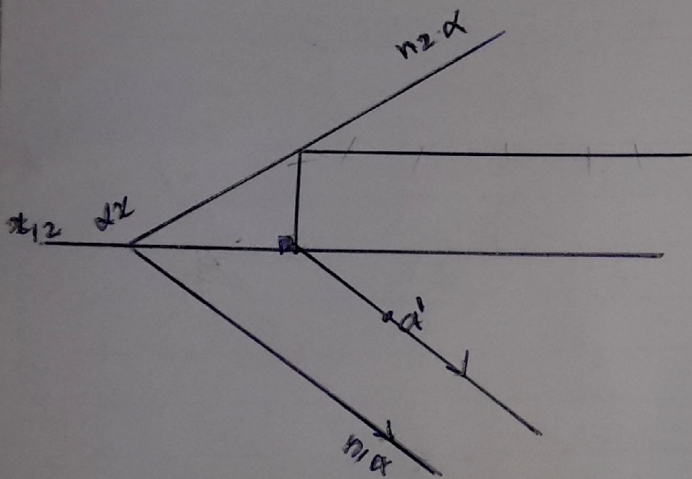
لدينا المستوي المتكافئ  $\alpha(n_1, n_2)$   
 الذي علم بدلالة فضاء أثره  
 والنقطة  $a$  واقعة في المستوي  
 $\alpha$  علم مسقطها الأول والطلب:  
 أوجد مسقطها الثاني

نرسم من  $a$  موازي لخط الأثر  $n_1 \alpha$   
 ثم نرسم خط تداعي ليقطع  $n_2 \alpha$   
 ثم نرسم موازي لخط الأرض حتى يقطع خط  
 التداعي المنشأ من  $a$  فتكون هي  
 النقطة  $a''$

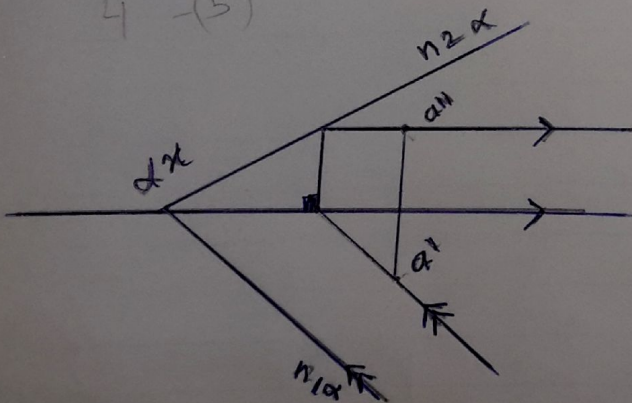
1 (5)



3+2 - (5)



4 - (5)





لدينا المستوى  $\alpha(n_1, n_2)$  علم منه خط  
أثره الأول  $n_1^\alpha$  النقطة  $a$   
تقع في هذا المستوى، النقطة  $a$   
علمت فسطيحها أوحد  $n_2^\alpha$

$a''$

$\alpha x$   $x_{12}$

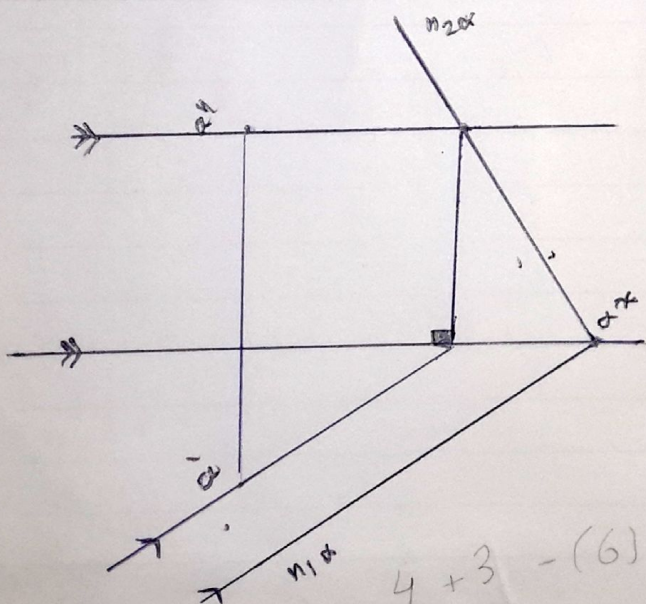
$a'$

$n_{1x}$

الحل: نرسم من  $a$  موازي لخط الأثر  $n_1^\alpha$   
حتى يقطع خط الأرض

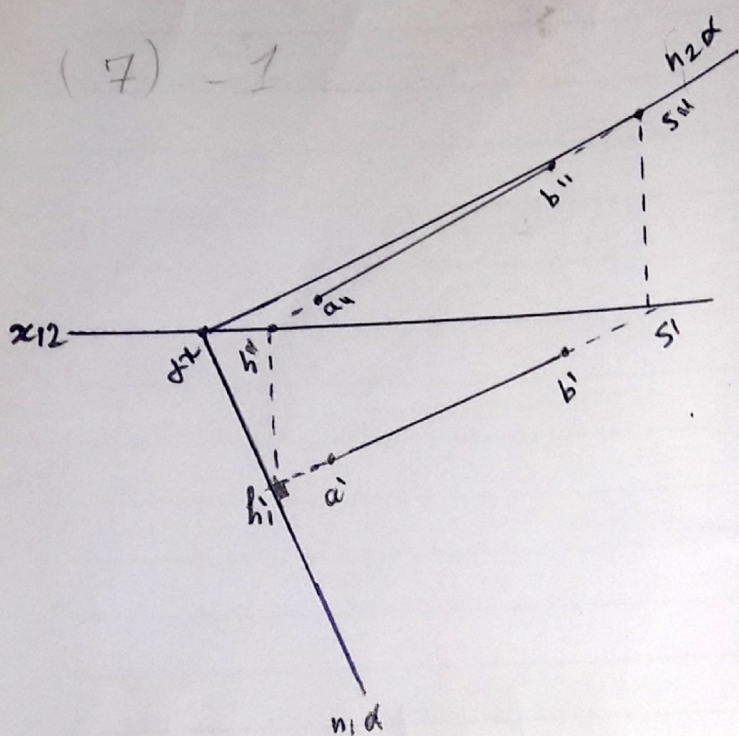
نرسم من نقطة تقاطعه مع خط  
الأرض خطاً تداً يقطع المستقيم  
الموازي لخط الأرض المرسوم من  $a''$   
في نقطة

نصل بين تلك النقطة و  $\alpha x$   
فنحصل على  $n_2^\alpha$



$$4 + 3 - (6)$$



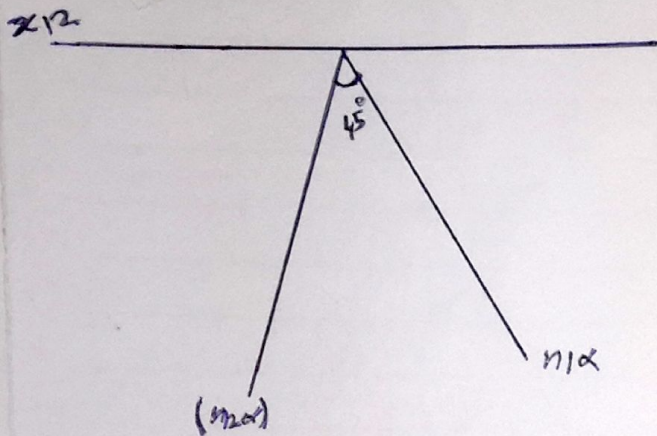


لدينا فرضاً  $AB$  مستقيم  
نأخذ أول أي مسقطه الأول  
عبر على هذا الأثر  
 $\leftarrow n_1^{\alpha} \perp$  اعتبار  $b' a'$

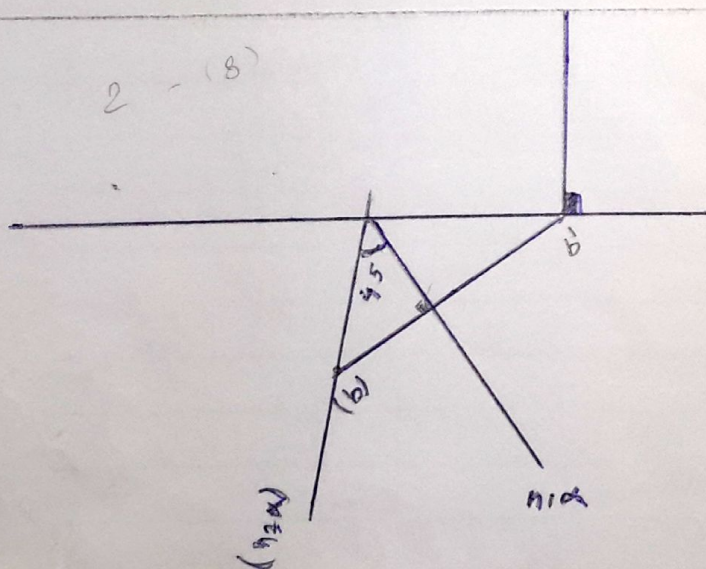
نرسم نقاط  $a'b'$  و  $a''b''$  ليخرج لدينا نقطتين  $h'$  و  $h''$  نرسم من  $h'$  عمود على امتداد  $a'b'$  حتى يقطع  $x_2$  في  $\alpha(x)$  من  $\alpha x$  نقله إلى  $S''$  كي يكون  $n_2 \alpha$



لدينا المستوي  $\alpha$  المعلوم خطاً أثره الأول والزاوية المحصورة بين قطبي  
أثره هي  $45^\circ$  أو عهد هذا أثره الثاني :



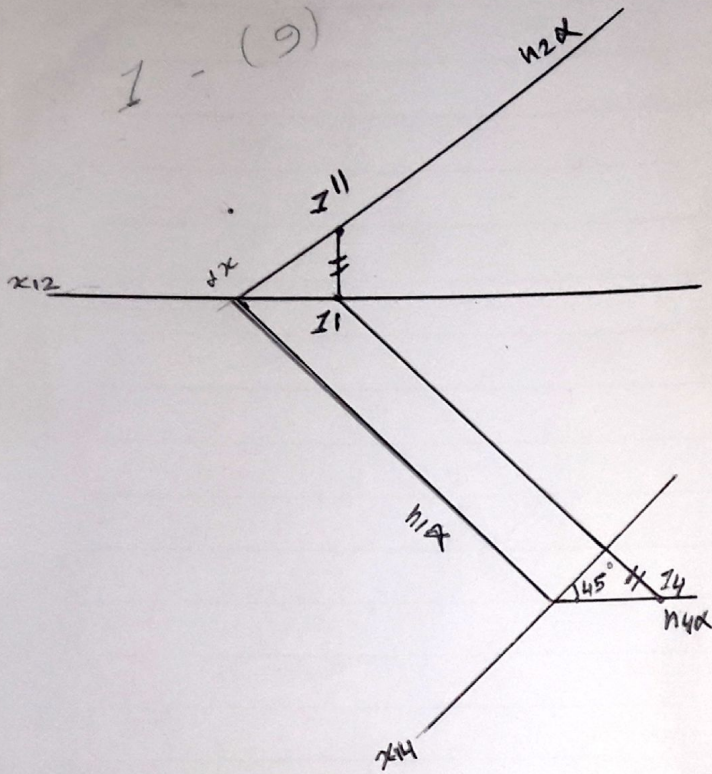
1- لدينا  $n_1^\alpha$  نرسم من  $\alpha$  مستقيم بشكل مع  $n_1^\alpha$  زاوية  $45^\circ$  وليكن  $(n_2^\alpha)$  رمزاً له أي (محور) ونغير على  $(n_2^\alpha)$  نقطة لا على اللعين وليكن  $(b')$  محوره نرسم منها محور على  $n_1^\alpha$  حتى يتقاطع  $x_{12}$  إن نقطة تقاطع المحور مع  $x_{12}$  هي  $b'$  لأن  $(b')$  واقع على خط الأثر  $(n_2^\alpha)$  فيكون مسقطها الآخر على هذا الأرضين ولما أثرها تدور حول  $n_1^\alpha$  لذلك أثرها محور



نرسم من  $b'$  محور



1 - (9)

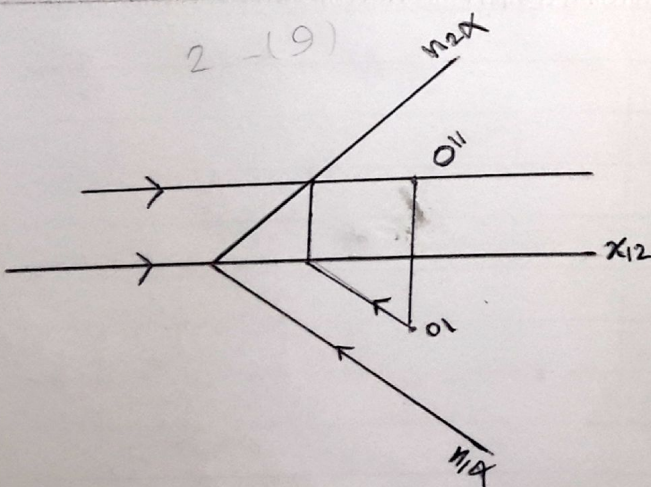


لإيجاد  $n_2x$   
نرسم مستويًا مساعدًا عموديًا  
على  $n_1x$

نرسم مستقيمًا بشكل زاوية  $45^\circ$   
ويكون  $n_4x$  قدر عليه نقطة لعل  
العينين ولتكن (14) نرسم  
هنا تداعي حتى  $x_{12}$

نرسم محور على  $x_{12}$  قدر عليه  
البعد ثم نصل  $xx$  بذلك  
النقطة  $1''$   
فتكون  $n_2x$

2 - (9)



لإيجاد  $o''$   
نرسم من  $o$  موازًا لخط الأثر  
 $n_1x$  حتى خط الأرض  
نرسم هنا تداعي حتى  $n_2x$   
ومن نقطة التقاطع  
نرسم موازًا لخط الأرض  
حتى يقطع هنا التداعي المرسوم  
منه  $o''$  فتكون  $o''$

